



**ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ
ОЦЕНКИ КАЧЕСТВА ОБРАЗОВАНИЯ**

15

**ВАРИАНТОВ
ЗАДАНИЙ**



Под редакцией И. В. Ященко
Г. И. Вольфсон, О. А. Виноградова

К НОВОЙ ОФИЦИАЛЬНОЙ ДЕМОВЕРСИИ

МАТЕМАТИКА

ВПР

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ

Подробные критерии оценивания

Ответы

7

класс



Под редакцией И. В. Ященко
Г. И. Вольфсон, О. А. Виноградова

МАТЕМАТИКА

ВСЕРОССИЙСКАЯ ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА

7 КЛАСС

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ

*Рекомендовано Федеральным институтом оценки качества образования
для использования в организациях, осуществляющих образовательную
деятельность по программам общего образования*

15 вариантов заданий
Подробные критерии оценивания
Ответы

Издательство
«ЭКЗАМЕН»

МОСКВА
2020

УДК 373:51
ББК 22.1я72
В72

Вольфсон Г. И.

В72 Всероссийская проверочная работа. Математика : 7 класс : 15 вариантов. Типовые задания. ФГОС / Г. И. Вольфсон, О. А. Виноградова; под ред. И. В. Яценко. — М. : Издательство «Экзамен», 2020. — 143, [1] с. (Серия «ВПР. Типовые задания»)

ISBN 978-5-377-15228-6

Данное пособие полностью соответствует федеральному государственному образовательному стандарту (второго поколения).

Книга содержит 15 вариантов типовых заданий Всероссийской проверочной работы (ВПР) по математике для учащихся 7-х классов.

Сборник предназначен учащимся 7-х классов, учителям и методистам, использующим типовые задания для подготовки к Всероссийской проверочной работе по математике.

Приказом № 699 Министерства образования и науки Российской Федерации учебные пособия издательства «Экзамен» допущены к использованию в общеобразовательных организациях.

УДК 373:51
ББК 22.1я72

Подписано в печать 31.07.2019. Формат 70х100/16.
Гарнитура «Школьная». Бумага газетная. Уч.-изд. л. 6,23.
Усл. печ. л. 11,7. Тираж 10 000 экз. Заказ №5949/19

ISBN 978-5-377-15228-6

© Вольфсон Г. И., Виноградова О. А., 2020
© Издательство «**ЭКЗАМЕН**», 2020

СОДЕРЖАНИЕ

Инструкция по выполнению работы	4
Вариант 1	5
Вариант 2	12
Вариант 3	19
Вариант 4	26
Вариант 5	33
Вариант 6	40
Вариант 7	47
Вариант 8	54
Вариант 9	61
Вариант 10.....	68
Вариант 11.....	75
Вариант 12.....	82
Вариант 13.....	89
Вариант 14.....	96
Вариант 15.....	103
Система оценивания проверочной работы.....	110
Ответы	112
Вариант 1	112
Вариант 2.....	114
Вариант 3.....	116
Вариант 4.....	119
Вариант 5.....	121
Вариант 6.....	124
Вариант 7.....	126
Вариант 8.....	128
Вариант 9.....	130
Вариант 10	132
Вариант 11	134
Вариант 12	136
Вариант 13	138
Вариант 14	140
Вариант 15	142

ИНСТРУКЦИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ РАБОТЫ

На выполнение работы по математике даётся 90 минут. Работа содержит 16 заданий.

В заданиях, после которых есть поле со словом «Ответ», запишите ответ в указанном месте.

В задании 12 нужно отметить и обозначить точки на числовой прямой. В задании 15 нужно построить схематично график.

В заданиях, после которых есть поле со словами «Решение» и «Ответ», запишите решение и ответ в указанном месте.

Если Вы хотите изменить ответ, зачеркните его и запишите рядом другой.

При выполнении работы можно пользоваться таблицей умножения и таблицей квадратов двузначных чисел. Запрещено пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

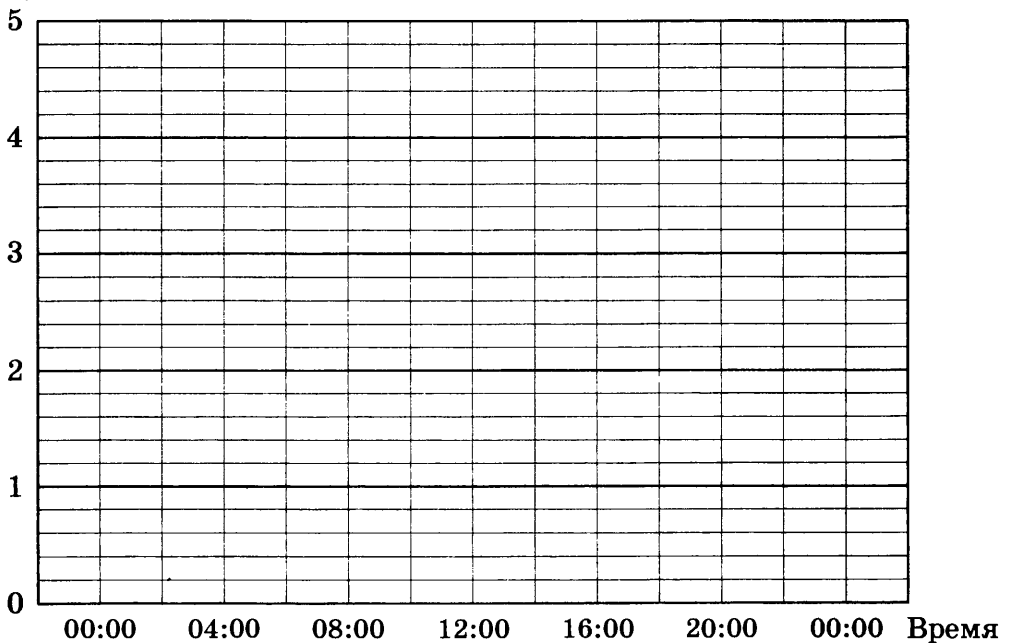
Советуем выполнять задания в том порядке, в котором они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий.

Желаем успеха!

В порту Бильбао 7 февраля 2019 года в 00:00 по местному времени высота прилива была минимальна и составила 1 м по отношению к нулю глубин. Начался прилив, за 2 часа вода поднялась на 1 м, а за 4 следующих часа ещё на 2 м 20 см, достигнув суточного максимума. Начался отлив, и уровень воды в течение двух часов снизился на 1 м 20 см, а к полудню вернулся к минимальной отметке. С полудня вновь начался прилив, продолжавшийся до 18:00, так что высота прилива достигла 4 м. За 4 последующих часа вода опустилась на 2 м, а к полуночи уровень воды снизился до 1 м над нулём глубин.

Ответ:

Уровень воды, м

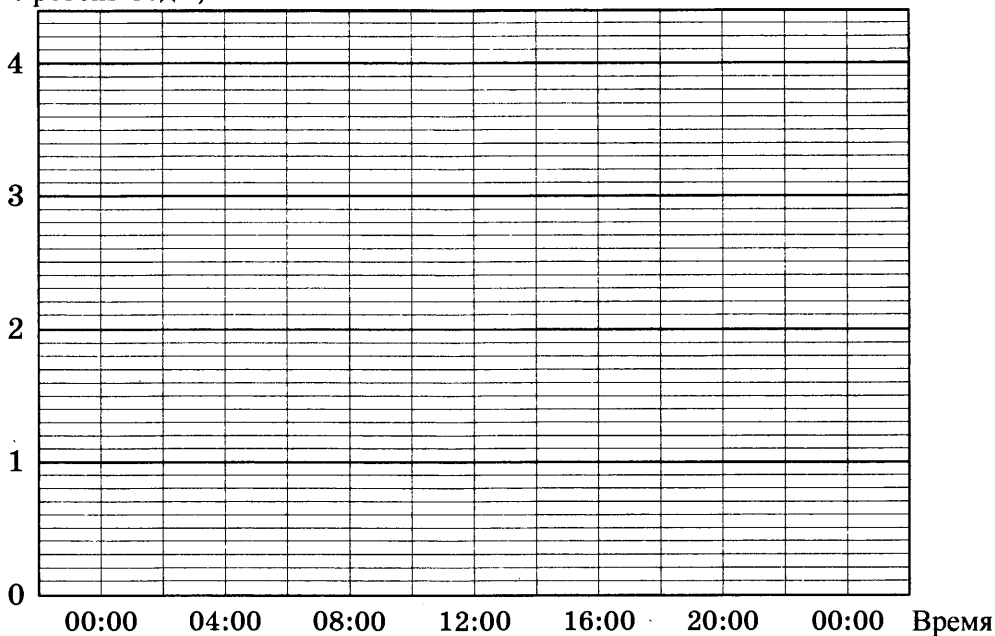


- 16 Из деревни в сторону железнодорожной станции одновременно отправились пешеход и велосипедист. Когда велосипедист доехал до станции, он повернул обратно и прибыл в деревню ровно в тот момент, когда пешеход дошёл до станции. Найдите расстояние от деревни до железнодорожной станции, если на обратном пути велосипедист встретил пешехода, когда тому оставалось дойти до станции 5 км. Запишите решение и ответ.

У мыса Канин Нос, между Белым и Баренцевым морями, 7 февраля 2019 года в 00:00 по местному времени высота прилива достигла максимума и составила 3 м 10 см по отношению к нулю глубин. После полуночи начался отлив, и через 4 часа высота прилива снизилась до 1,5 м, а ещё через 2 часа достигла минимального суточного значения — 70 см. Затем каждые 2 часа высота прилива плавно повышалась на 1 м, и так продолжалось до полудня. В полдень начался отлив, продолжавшийся до 18:00, и в 18:00 высота прилива достигла прежней минимальной отметки. За 2 последующих часа вода поднялась на 1 м, а к полуночи уровень прилива равнялся 3 м над нулём глубин.

Ответ:

Уровень воды, м



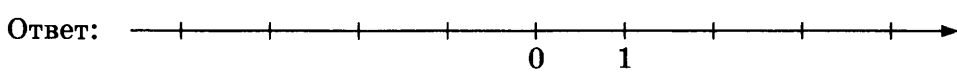
- 16 Из деревни в сторону железнодорожной станции одновременно отправились пешеход и велосипедист. Когда велосипедист доехал до станции, он повернул обратно и прибыл в деревню ровно в тот момент, когда пешеход дошёл до станции. Найдите расстояние от деревни до железнодорожной станции, если на обратном пути велосипедист встретил пешехода, когда тому оставалось дойти до станции 4 км. Запишите решение и ответ.

Решение:	
Ответ:	

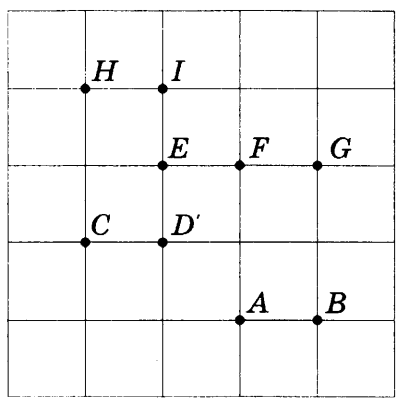
11 Найдите значение выражения $x^2 - 4xy + 4y^2 - 4x + 8y + 7$, если $x - 2y = 4$.

Ответ:	

12 Отметьте и подпишите на координатной прямой точки $A(0,8)$, $B(-2,65)$ и $C(-2\frac{7}{9})$.



13 На клетчатой бумаге с размером клетки $1\text{ см} \times 1\text{ см}$ отмечено девять точек. Сколько из них удалено от прямой AB на 1 см ?

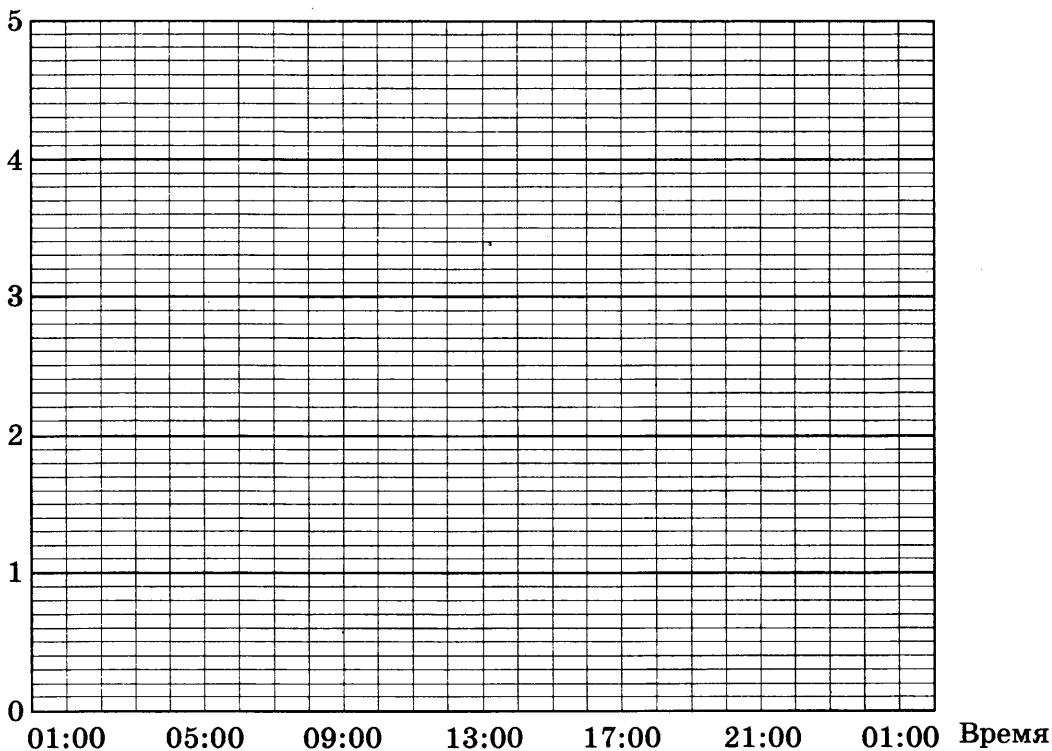


Ответ:	

В морском порту Бридлингтон 31 января 2019 года уровень воды в час ночи составлял 4 м 80 см по отношению к нулю глубин, и это самый высокий показатель для этого порта в зимний период. Затем начался отлив, и уровень воды начал снижаться, достигнув значения 3 м в 03:00. К 07:00 высота прилива была наименьшей — 2 м 10 см, после чего начался быстрый подъём урбвня воды, и уже через 5 часов он, поднявшись до почти максимального уровня, составил 4 м по отношению к нулю глубин. Максимальное значение подъёма воды было достигнуто в 14:00. Начавшийся после этого отлив длился 6 часов, высота прилива опять достигла наименьшей отметки. А к 01:00 следующего дня прилив вновь поднял уровень воды до максимального значения.

Ответ:

Уровень воды, м



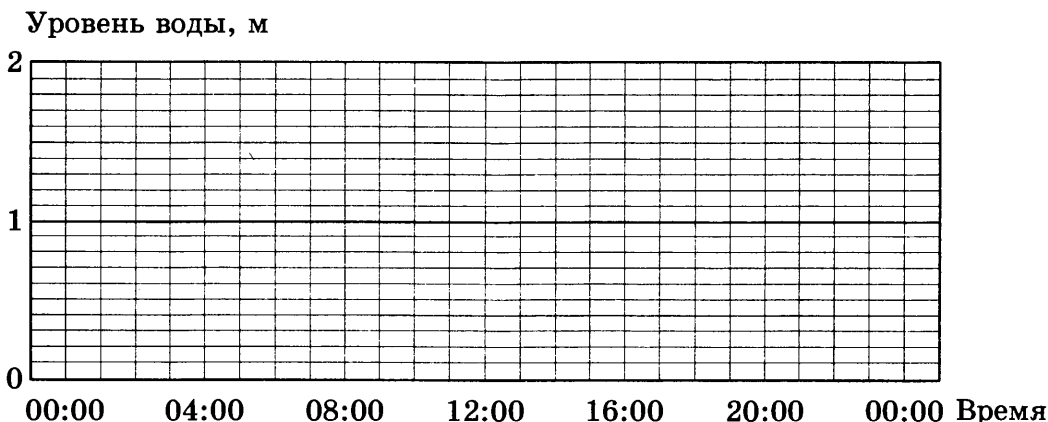
15 Прочтите текст.

Приливы и отливы — периодические колебания уровня воды в прибрежных зонах морей и океанов, которые обусловлены гравитационным притяжением Луны и Солнца и вращением Земли. За уровнем воды в морских портах следят специальные службы. Для людей, чья профессия связана с морем, важны даже незначительные колебания уровня воды. Изменения уровня воды отсчитываются относительно некоторого условного уровня — **нуля глубин** — низшего уровня моря, при котором судоходство считается безопасным. Во всех крупных портах ежедневно ведутся замеры уровня воды.

По приведённому ниже описанию схематично постройте график уровня моря в порту Петропавловска-Камчатского в течение суток с 00:00 часов 7 февраля до 00:00 часов 8 февраля.

В морском порту Петропавловска-Камчатского в 00:00 местного времени 7 февраля 2019 г. уровень воды составил 0,6 м по отношению к нулю глубин. Для этого порта характерен небольшой перепад высот прилива. Через 4 часа высота прилива достигла 1 м, а ещё через 5 часов 1 м 90 см. Начался отлив, и уровень воды начал снижаться, достигнув значения 1 м 30 см по отношению к нулю глубин в три часа дня. К 19:00 вода поднялась вновь, теперь до отметки 1 м 60 см, а к полуночи высота прилива снизилась до первоначального уровня 0,6 м.

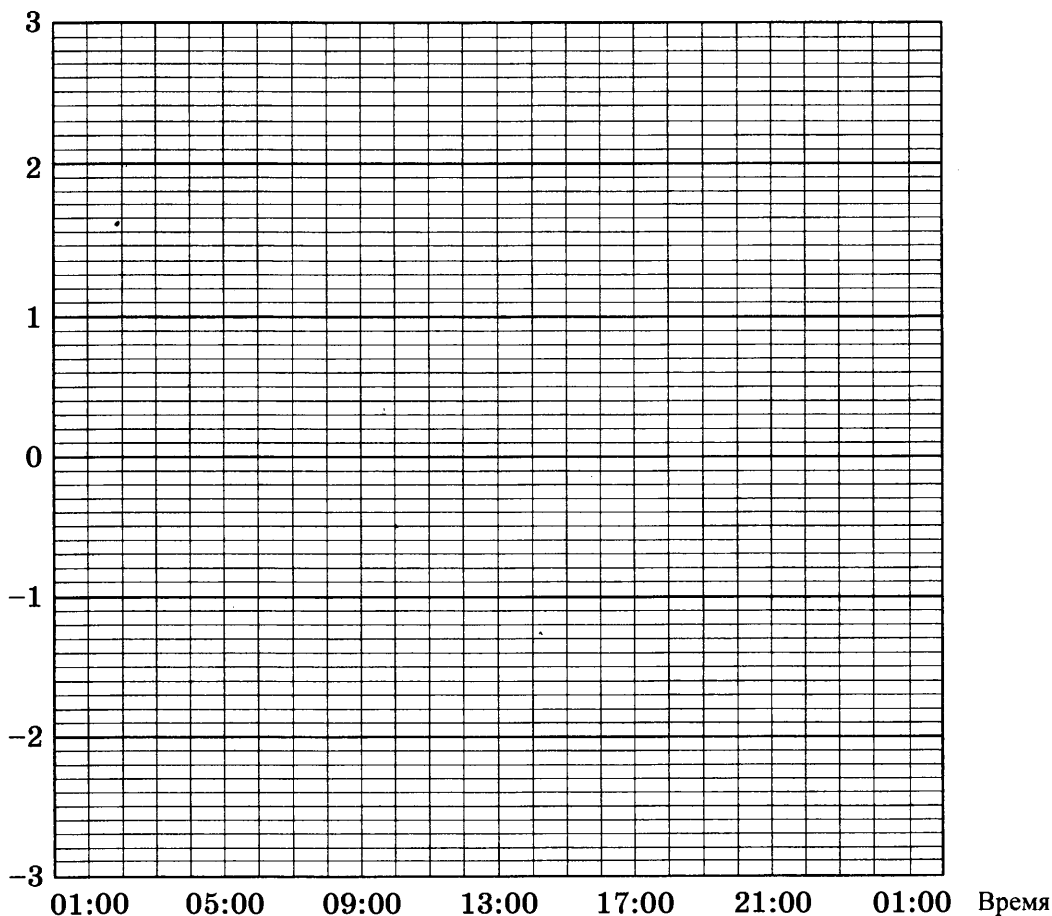
Ответ:



снижался, и в 04:00 утра высота прилива достигла значения -2 м. Через час высота прилива составила -2 м 20 см, после чего вода начала быстро прибывать, и уже через 2 часа её уровень вновь был на нулевой отметке. Вода поднялась до значения 2 м 40 см по отношению к нулю глубин в 10 часов утра. Начавшийся после этого отлив длился 6 часов, высота прилива достигла наименьшей отметки $-2,5$ м. А к 22:00 прилив поднял уровень воды до максимального значения 2 м 80 см по отношению к нулю глубин. Через сутки, в 01:00 7 февраля, уровень воды был всего на полметра выше нулевого.

Ответ:

Уровень воды, м



ВАРИАНТ 6

1 Найдите значение выражения $2\frac{4}{5} - \frac{2}{9} : \frac{10}{27}$.

Ответ:	
--------	--

2 Найдите значение выражения $4,2 \cdot 3,5 : 0,7$.

Ответ:	
--------	--

3 Дана таблица для перевода баллов ВПР в оценки по пятибалльной шкале в 2018 г.

Предмет	Максимальный балл за работу	Оценка			
		5	4	3	2
Русский язык	51	более 44 баллов	более 34, но менее 45	более 24, но менее 35	менее 25
Математика	16	более 13 баллов	более 9, но менее 14	более 5, но менее 10	менее 6
Биология	33	более 27 баллов	более 19, но менее 28	более 11, но менее 20	менее 12
История	20	более 15 баллов	более 10, но менее 16	более 5, но менее 11	менее 6

15

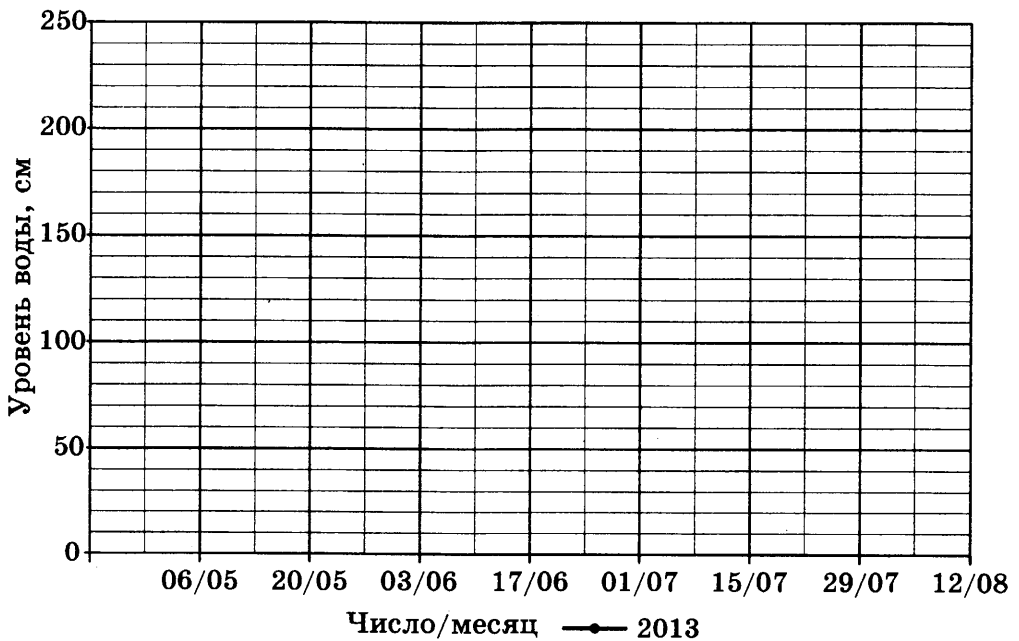
Прочтите текст.

На туристической базе ведут регулярные замеры уровня воды в реке относительно нулевого уровня, который является обычным для сентября. Наиболее интересный и важный период наблюдения — это туристический сезон (весна и лето), когда уровень воды падает после весеннего паводка и гости турбазы могут выбрать наилучшее время, чтобы организовать свой отдых или поход на байдарках. Уровень воды измеряется каждые две недели уже несколько лет.

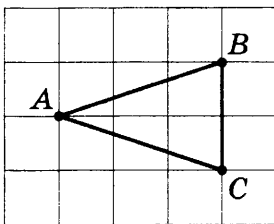
В 2013 году 6 мая уровень воды составлял 220 см, через две недели он поднялся на 10 см, в третий замер вода опустилась на 60 см. 17 июня уровень воды составил 130 см, через две недели сотрудники турбазы обнаружили, что уровень воды не изменился, но ещё через две недели вода упала на 50 см, а следующие два замера показали, что вода каждый раз опускалась на 20 см.

По описанию постройте график уровня воды реки с 6 мая по 12 августа 2013 года.

Ответ:



- 13 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 нарисован треугольник ABC . Найдите длину биссектрисы AL треугольника ABC .



Ответ:	
--------	--

- 14 В треугольнике ABC проведена биссектриса AL . Угол ABC равен 110° , угол ALC равен 135° . Найдите угол BAC .

Решение:	
Ответ:	

15

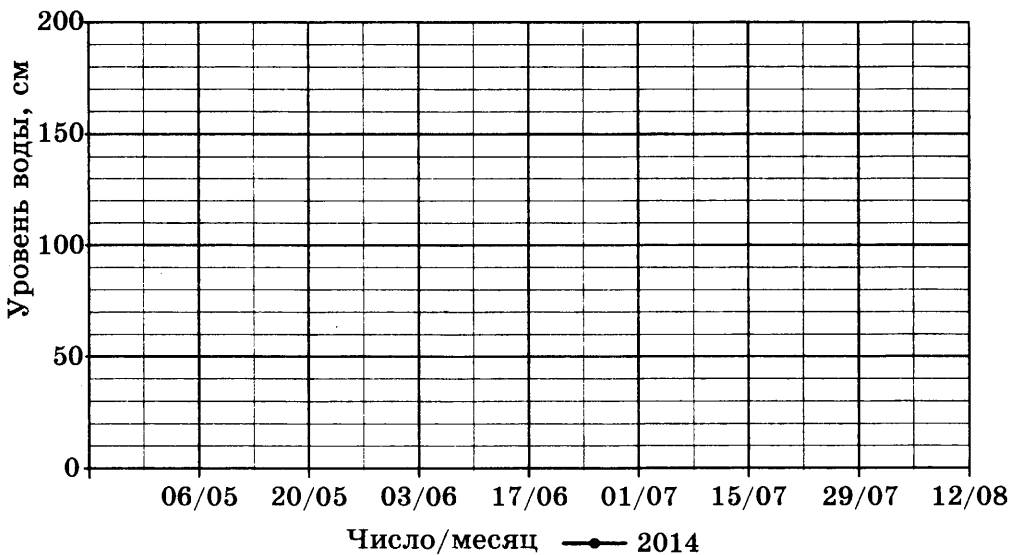
Прочтите текст.

На туристической базе ведут регулярные замеры уровня воды в реке относительно нулевого уровня, который является обычным для сентября. Наиболее интересный и важный период наблюдения — это туристический сезон (весна и лето), когда уровень воды падает после весеннего паводка и гости турбазы могут выбрать наилучшее время, чтобы организовать свой отдых или поход на байдарках. Уровень воды измеряется каждые две недели уже несколько лет.

В 2014 году 6 мая уровень воды составлял 110 см, через две недели он поднялся на 50 см, в третий замер вода опустилась на 40 см. В следующие два замера сотрудники турбазы обнаружили, что уровень воды снижался на 20 см каждый раз, а 15 июля уровень воды составил 70 см. Через две недели вода опустилась на 40 см, а 12 августа уровень воды стал 10 см.

По описанию постройте график уровня воды реки с 6 мая по 12 августа 2014 года.

Ответ:



ВАРИАНТ 8

- 1 Найдите значение выражения $3\frac{1}{2} - \frac{9}{10} : \frac{3}{5}$.

Ответ:	
--------	--

- 2 Найдите значение выражения $7,2 \cdot 3,5 : 0,9$.

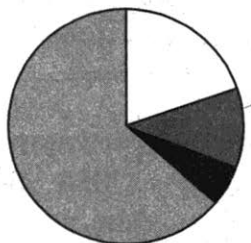
Ответ:	
--------	--

- 3 Дана таблица для перевода баллов ВПР в оценки по пятибалльной шкале в 2018 г.

Предмет	Максимальный балл за работу	Оценка			
		5	4	3	2
Русский язык	51	более 44 баллов	более 34, но менее 45	более 24, но менее 35	менее 25
Математика	16	более 13 баллов	более 9, но менее 14	более 5, но менее 10	менее 6
Биология	33	более 27 баллов	более 19, но менее 28	более 11, но менее 20	менее 12
История	20	более 15 баллов	более 10, но менее 16	более 5, но менее 11	менее 6

7

На диаграмме представлено распределение количества пользователей некоторого образовательного портала по странам мира. Всего на этом сайте 100 тысяч пользователей.



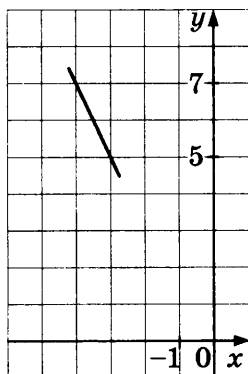
- Испания
- Мексика
- Колумбия
- Другие страны

Определите по диаграмме, сколько примерно жителей Колумбии пользуются этим образовательным порталом.

Ответ:	

8

На рисунке изображён участок графика линейной функции $y = kx + b$. Укажите знак числа b .



Ответ:	

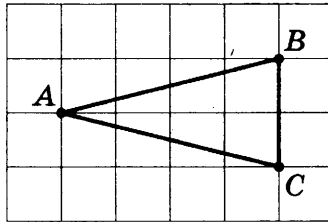
9

Найдите корень уравнения $27(7x + 2) = 9(7x + 4)$.

Ответ:	

13

На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 нарисован треугольник ABC . Найдите длину биссектрисы AL треугольника ABC .



Ответ:

14

В треугольнике ABC проведена биссектриса BL . Угол BAC равен 45° , угол BLC равен 105° . Найдите угол ABC .

Решение:

Ответ:

15

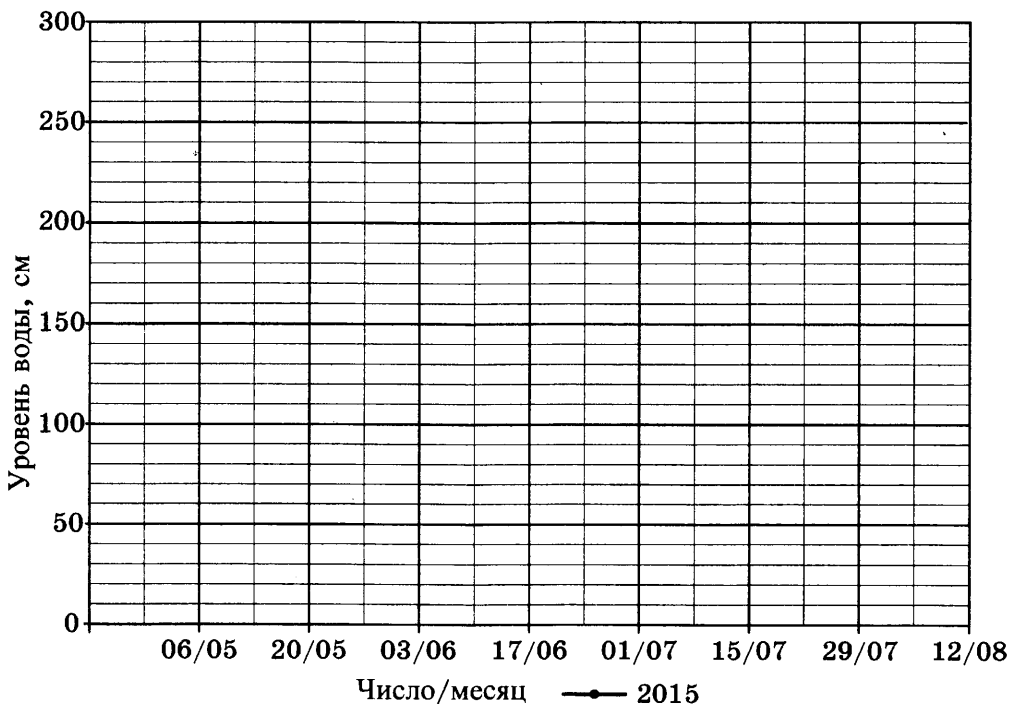
Прочтите текст.

На туристической базе ведут регулярные замеры уровня воды в реке относительно нулевого уровня, который является обычным для сентября. Наиболее интересный и важный период наблюдения — это туристический сезон (весна и лето), когда уровень воды падает после весеннего паводка и гости турбазы могут выбрать наилучшее время, чтобы организовать свой отдых или поход на байдарках. Уровень воды измеряется каждые две недели уже несколько лет.

В 2015 году 6 мая уровень воды составлял 280 см, через две недели он опустился на 10 см, но в третий замер вода опустилась уже на 70 см. 17 июня уровень воды составил 140 см, затем вода опустилась на 40 см, а затем ещё на 30 см. В следующий замер вода опустилась на 10 см и оставалась на том же уровне вплоть до 12 августа.

По описанию постройте график уровня воды реки с 6 мая по 12 августа 2015 года.

Ответ:



15

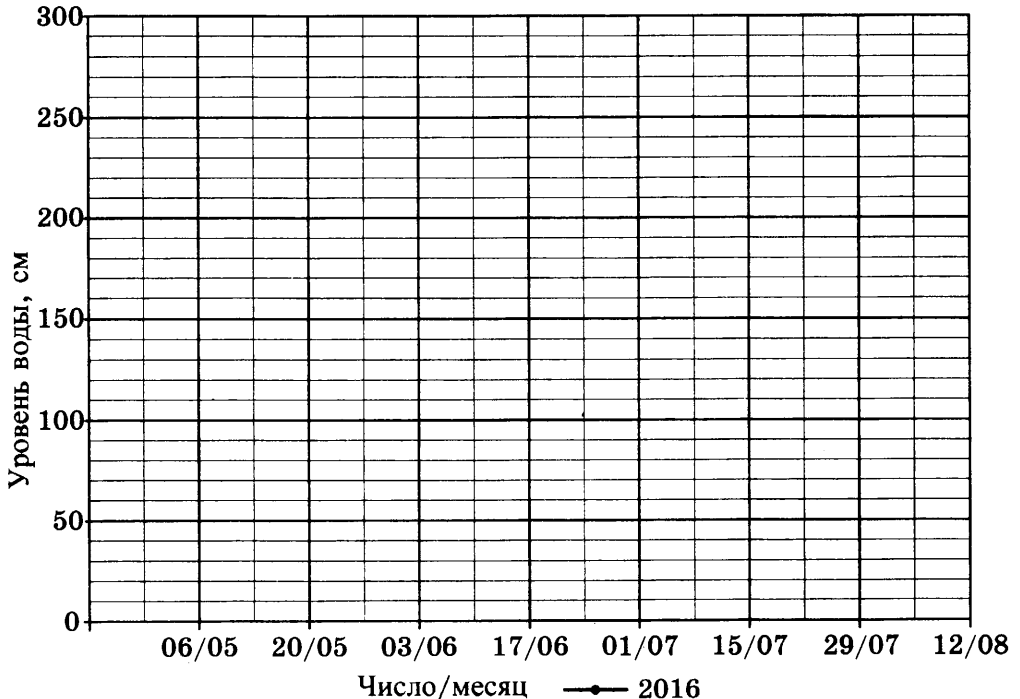
Прочтите текст.

На туристической базе ведут регулярные замеры уровня воды в реке относительно нулевого уровня, который является обычным для сентября. Наиболее интересный и важный период наблюдения — это туристический сезон (весна и лето), когда уровень воды падает после весеннего паводка и гости турбазы могут выбрать наилучшее время, чтобы организовать свой отдых или поход на байдарках. Уровень воды измеряется каждые две недели уже несколько лет.

В 2016 году 6 мая уровень воды составлял 250 см, через две недели он опустился на 50 см, в следующие два замера вода опускалась каждый раз на 40 см. 1 июля уровень воды составил 100 см, затем вода опустилась на 10 см, но потом поднялась на 20 см. В начале августа было много дождей, и вода сильно поднялась: уровень воды увеличился на 130 см.

По описанию постройте график уровня воды реки с 6 мая по 12 августа 2016 года.

Ответ:



ВАРИАНТ 10

1 Найдите значение выражения $4\frac{1}{4} - \frac{7}{10} : \frac{14}{15}$.

Ответ:	
--------	--

2 Найдите значение выражения $4,8 \cdot 4,5 : 0,6$.

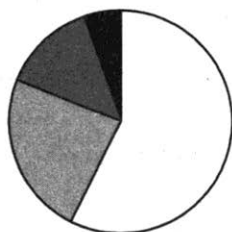
Ответ:	
--------	--

3 Дана таблица для перевода баллов ВПР в оценки по пятибалльной шкале в 2018 г.

Предмет	Максимальный балл за работу	Оценка			
		5	4	3	2
Русский язык	51	более 44 баллов	более 34, но менее 45	более 24, но менее 35	менее 25
Математика	16	более 13 баллов	более 9, но менее 14	более 5, но менее 10	менее 6
Биология	33	более 27 баллов	более 19, но менее 28	более 11, но менее 20	менее 12
История	20	более 15 баллов	более 10, но менее 16	более 5, но менее 11	менее 6

7

На диаграмме представлено распределение количества пользователей некоторого спортивного онлайн-сервиса по странам мира. Всего этим сервисом пользуются 100 тысяч человек.



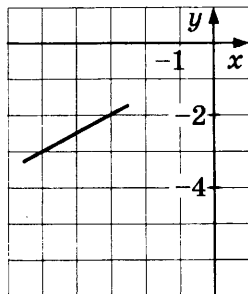
- Австралия
- Великобритания
- США
- Другие страны

Определите по диаграмме, сколько примерно жителей Австралии пользуются этим сервисом.

Ответ:	

8

На рисунке изображён участок графика линейной функции $y = kx + b$. Укажите знак числа b .



Ответ:	

9

Найдите корень уравнения $5(8x - 3) = 9(4x - 2)$.

Ответ:	

15

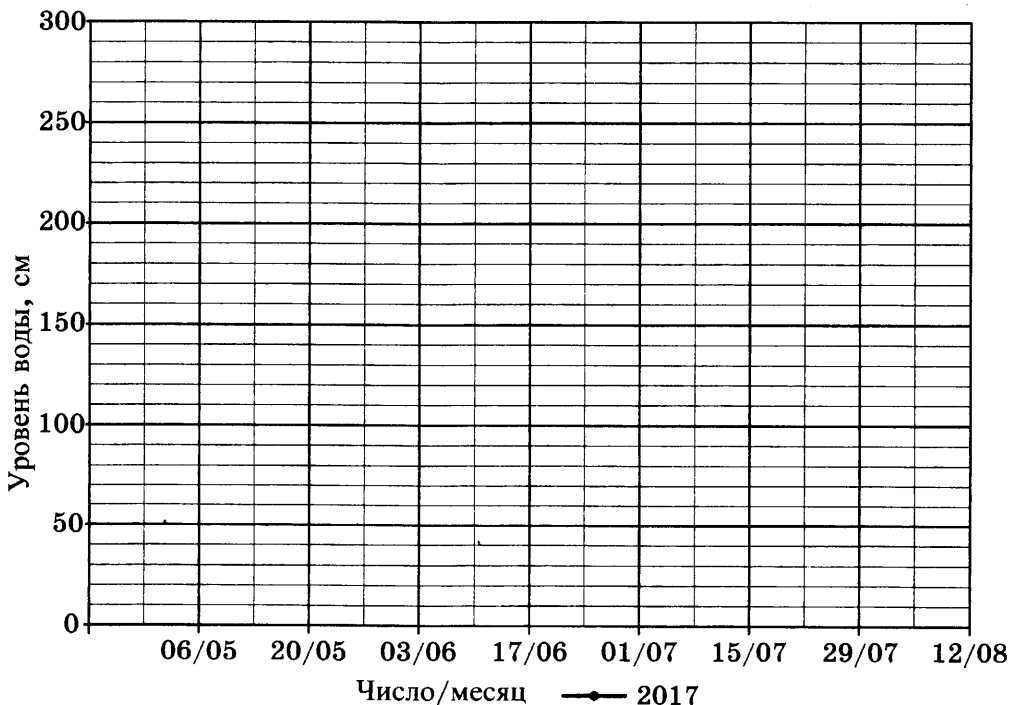
Прочтите текст.

На туристической базе ведут регулярные замеры уровня воды в реке относительно нулевого уровня, который является обычным для сентября. Наиболее интересный и важный период наблюдения — это туристический сезон (весна и лето), когда уровень воды падает после весеннего паводка и гости турбазы могут выбрать наилучшее время, чтобы организовать свой отдых или поход на байдарках. Уровень воды измеряется каждые две недели уже несколько лет.

В 2017 году 6 мая уровень воды составлял 250 см, через две недели он поднялся на 30 см, в третий замер опустился на 40 см. 17 июня уровень воды составил 180 см, затем вода опустилась на 40 см, а 15 июля уровень воды снизился до 110 см. Следующие два замера показали, что вода поднималась каждый раз на 10 см.

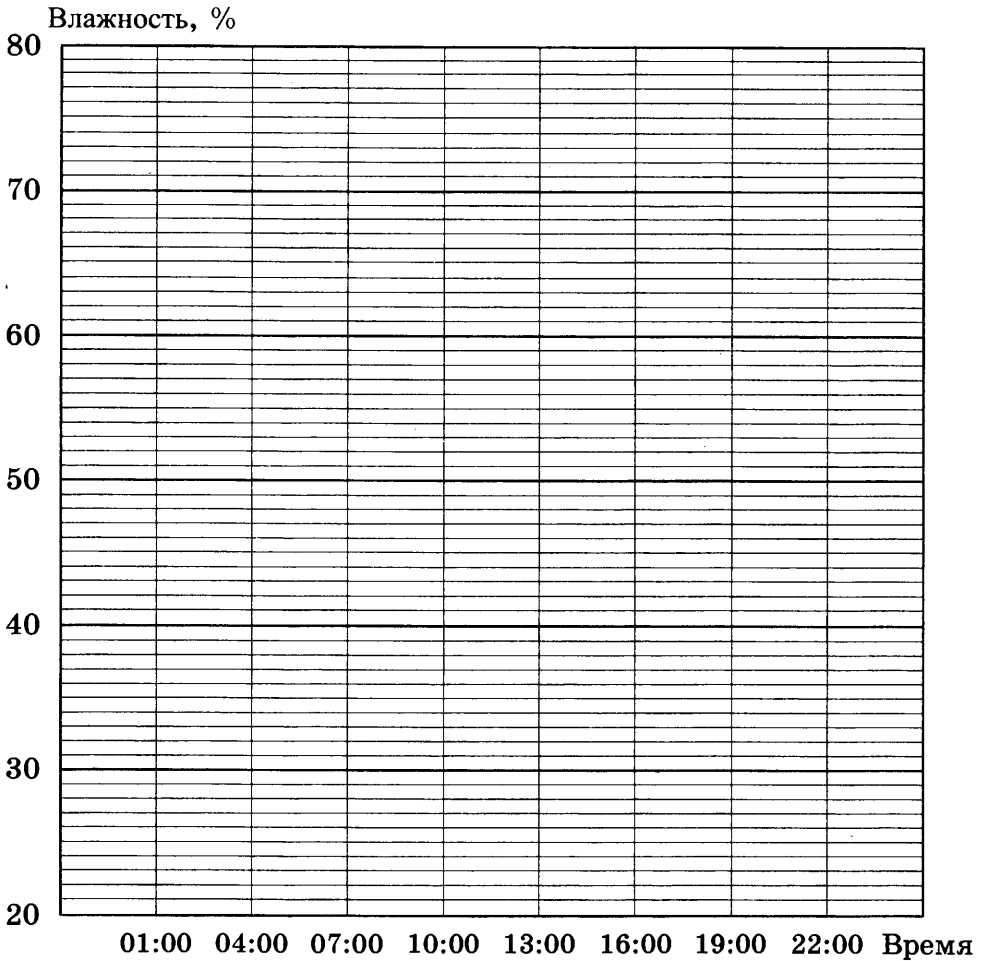
По описанию постройте график уровня воды реки с 6 мая по 12 августа 2017 года.

Ответ:



По описанию постройте схематично график среднесуточной влажности воздуха во Владивостоке 22 февраля с 01:00 до 22:00.

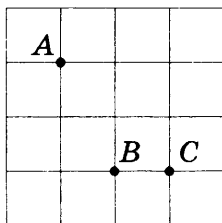
Ответ:



- 16 Турист идёт из одного города в другой. Каждый день он проходит на одно и то же расстояние больше, чем прошёл в предыдущий день. Известно, что за первый день турист прошёл 10 километров. Определите расстояние, которое прошёл турист за третий день, если весь путь он прошёл за 6 дней, а расстояние между городами составляет 120 километров. Запишите решение и ответ.

13

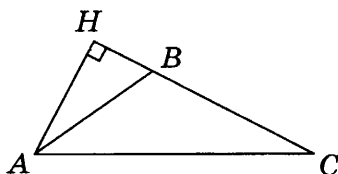
На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 отмечены точки: A , B и C . Найдите расстояние от точки A до прямой BC .



Ответ:

14

Высота AH треугольника ABC опущена на продолжение стороны BC за точку B . Известно, что $\angle BCA = 25^\circ$, $\angle BAH = 30^\circ$. Найдите величину угла BAC . Запишите решение и ответ.



Решение:

Ответ:

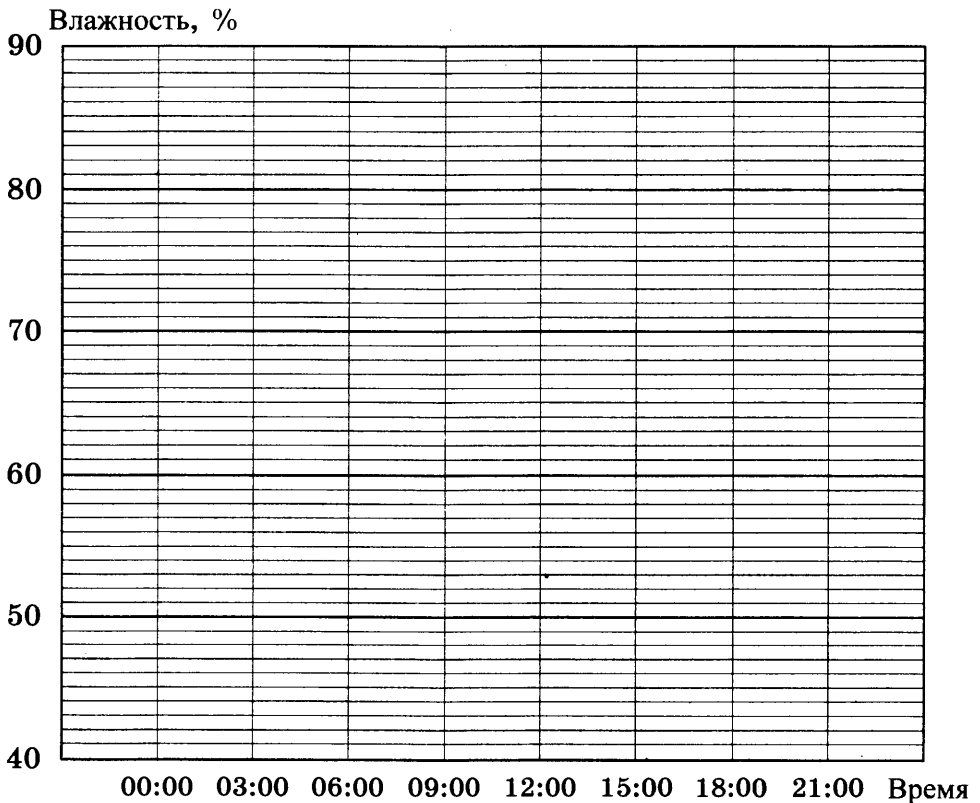
15

Прочтите текст.

В Благовещенске 22 февраля в 00:00 относительная влажность воздуха составляла 84%. К 03:00 ветер сменил направление с западного на северо-западное, при этом влажность уменьшилась на 7%. В 06:00 относительная влажность воздуха составила 81%, а через три часа — на 5% меньше. К полудню выглянуло солнце, и влажность воздуха снизилась до 59%. К трём часам дня небо прояснилось, а влажность уменьшилась на 11%. Вечером похолодало, а влажность выросла к шести часам вечера на 12%, а к 21:00 влажность выросла ещё на 11%.

По описанию постройте схематично график среднесуточной влажности воздуха в Благовещенске 22 февраля с 00:00 до 21:00.

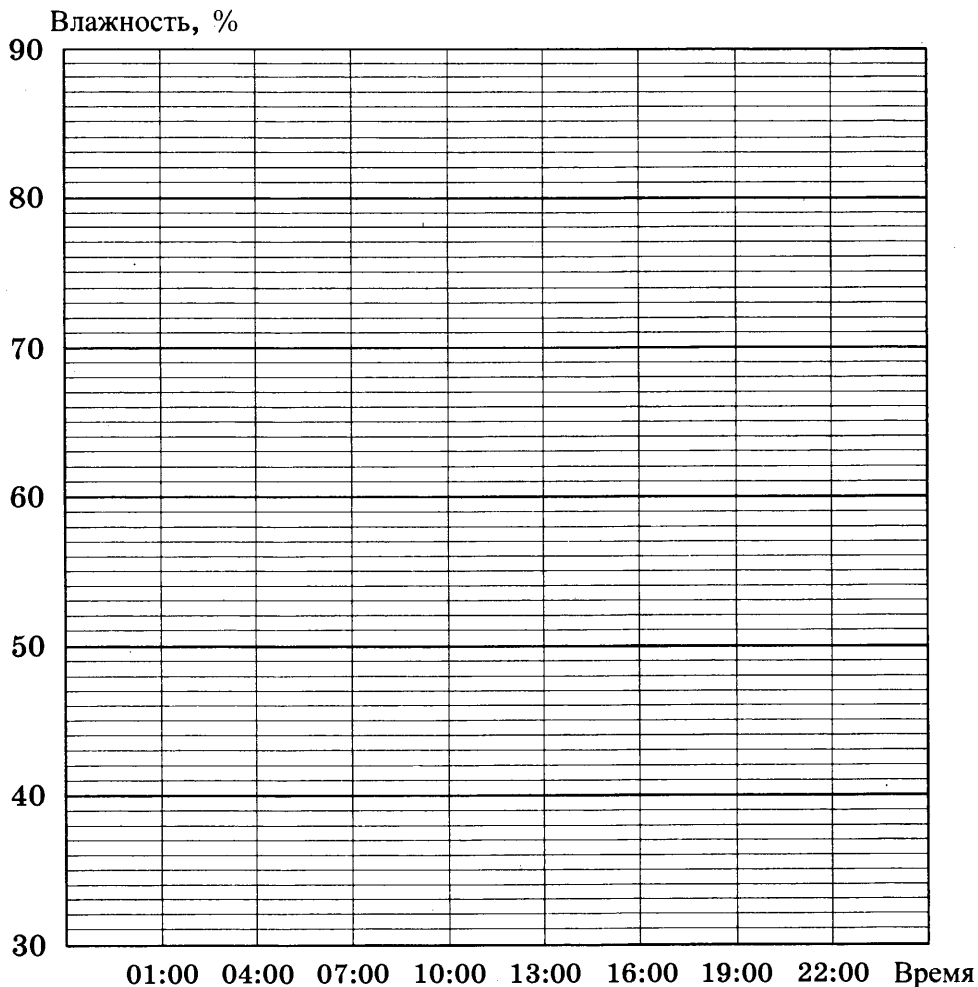
Ответ:



уменьшилась до 62%, а в час дня составила 35%. Влажность воздуха держалась на том же уровне до 16 часов. Вечером небо снова затянуло облаками. К 19:00 влажность составила 56%, а в 22:00 — 75%.

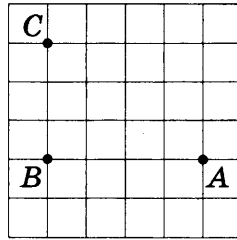
По описанию постройте схематично график среднесуточной влажности воздуха в Астрахани 22 февраля с 01:00 до 22:00.

Ответ:



13

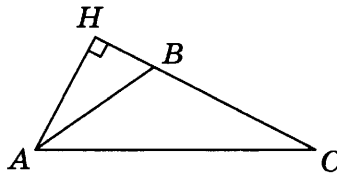
На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 отмечены точки: A , B и C . Найдите расстояние от точки A до прямой BC .



Ответ:

14

Высота AH треугольника ABC опущена на продолжение стороны BC за точку B . Известно, что $\angle BCA = 35^\circ$, $\angle BAH = 25^\circ$. Найдите величину угла BAC . Запишите решение и ответ.



Решение:

Ответ:

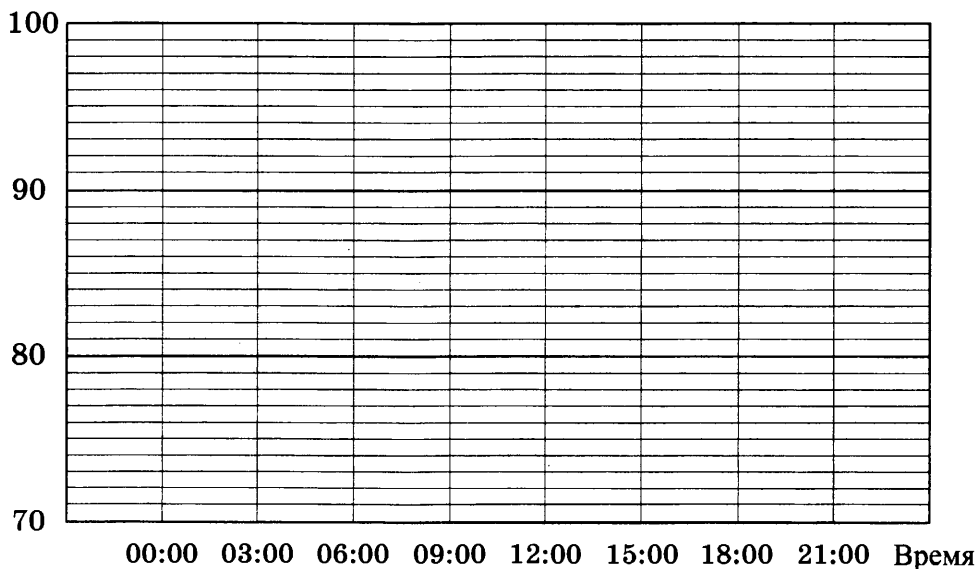
15 Прочтите текст.

В Сочи в 00:00 часов 22 февраля относительная влажность воздуха составляла 93%, на небе была небольшая облачность. К трём часам пополуночи ветер сменил направление с северо-восточного на восточное, но влажность сохранялась на том же уровне. К 06:00 потеплело, при этом влажность воздуха уменьшилась на 6%. Утром ветер снова сменил направление с восточного на юго-восточное, и в 09:00 влажность воздуха составила 74%. К полудню местами выпали небольшие осадки, что повысило уровень влажности до 82%. В три часа на небе всё ещё была небольшая облачность, а влажность составляла 75%. В 18:00 влажность была на 4% меньше, чем в 15:00, а в 21:00 влажность составляла 84%.

По описанию постройте схематично график среднесуточной влажности воздуха в Сочи 22 февраля с 00:00 до 21:00.

Ответ:

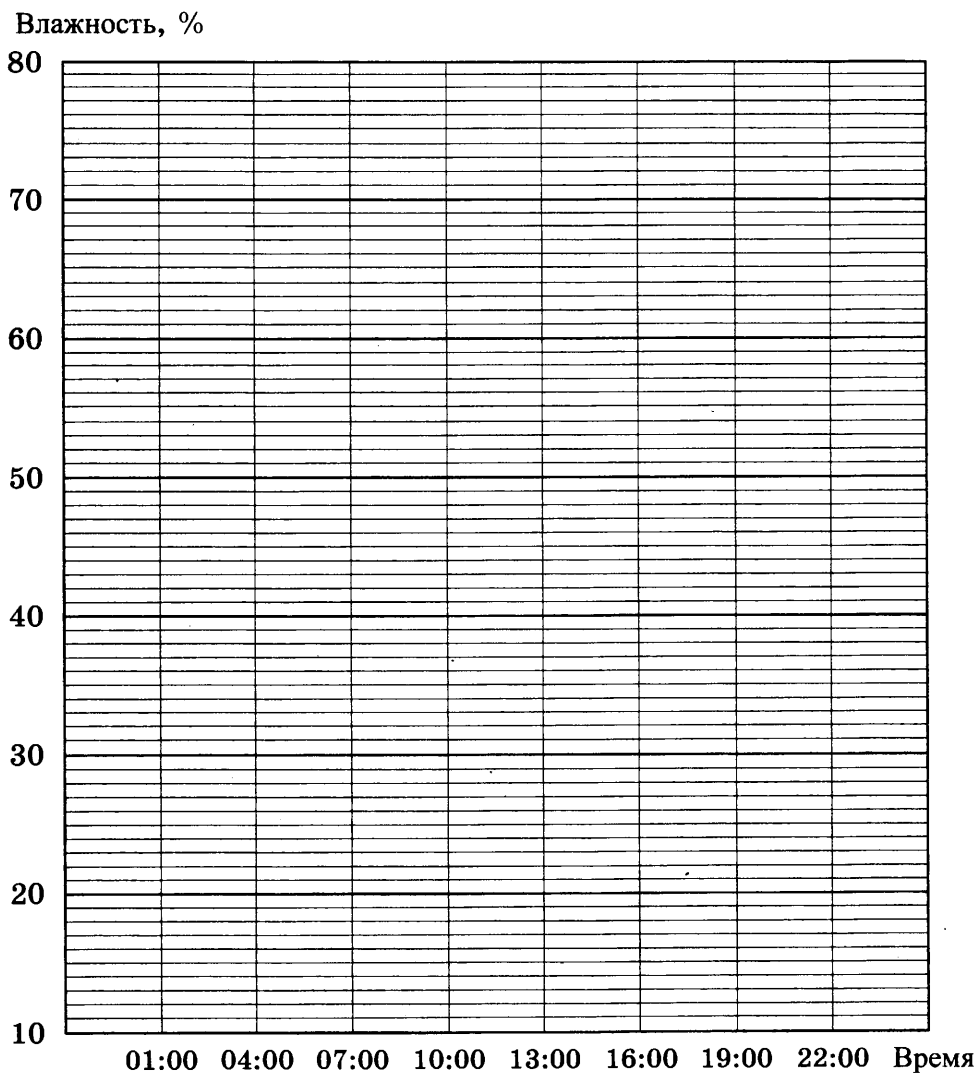
Влажность, %



сов ещё на 5% меньше. Но к вечеру снова пришли океанические воздушные массы с востока, что привело к небольшому увеличению влажности. В 19:00 относительная влажность составила 26%, а в 22:00 уже 48%.

По описанию постройте схематично график среднесуточной влажности воздуха в Уссурийске 22 февраля с 01:00 до 22:00.

Ответ:



СИСТЕМА ОЦЕНИВАНИЯ ПРОВЕРОЧНОЙ РАБОТЫ

Оценивание отдельных заданий

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	Итого
Баллы	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	1	2	1	2	19

Задание 10

Указания к оцениванию	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	1
Решение неверно или отсутствует	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>1</i>

Задание 14

Указания к оцениванию	Баллы
Ход решения задачи верный, получен верный ответ	2
Ход решения правильный, все его шаги присутствуют, но допущена ошибка или описка вычислительного характера	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>2</i>

Задание 16

Указания к оцениванию	Баллы
Ход решения задачи верный, получен верный ответ	2
Ход решения верный, все его шаги присутствуют, но допущена ошибка или описка вычислительного характера	1
Другие случаи, не соответствующие указанным критериям	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>2</i>

Система оценивания выполнения всей работы

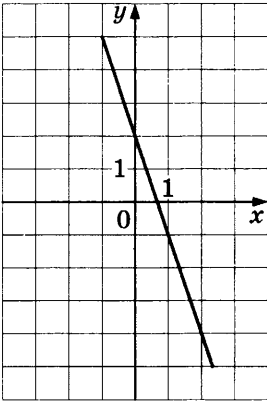
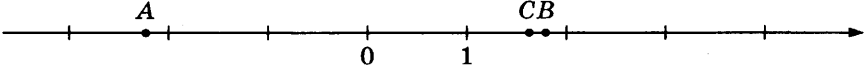
Максимальный балл за выполнение всей работы — 19

*Рекомендуемая таблица перевода баллов в отметки
по пятибалльной шкале*

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0–6	7–11	12–15	16–19

ОТВЕТЫ

ВАРИАНТ 1

Номер задания	Правильный ответ
1	264
2	31,9
3	9
4	9360
5	60
6	1 и 2
7	любое значение от 15 до 25 г
8	
9	-0,3
10	нет
11	20
12	
13	3
14	40°, 70° или 55°, 55°

Номер задания	Правильный ответ
15	<p>Уровень воды, м</p>  <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	15 км

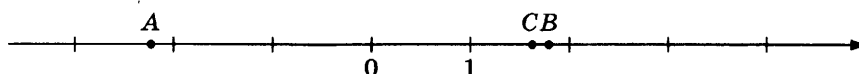
10. Решение: Площадь Санкт-Петербурга равна $1\,439\,000\,000\text{ м}^2$. Если поместить на такой площади население Земли, то на одного человека придётся $\frac{1439000000}{7530000000} = \frac{1439}{7530} < 0,5\text{ (м}^2\text{)}$.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: нет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка <i>C</i> изображена левее точки <i>B</i>	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек <i>B</i> и <i>C</i>	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Ответ: 

14. Решение:

1. Пусть угол, равный 70° , лежит при основании равнобедренного треугольника. Тогда второй угол при основании тоже равен 70° , а угол при вершине равнобедренного треугольника равен $180^\circ - 2 \cdot 70^\circ = 40^\circ$.

2. Пусть угол, равный 70° , лежит при вершине равнобедренного треугольника. Тогда два других угла лежат при основании и равны $(180^\circ - 70^\circ) : 2 = 55^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

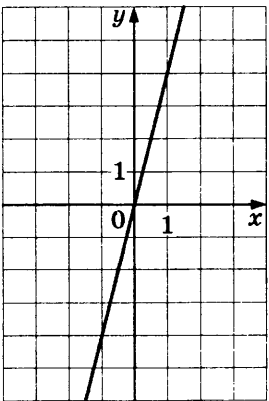
Ответ: $40^\circ, 55^\circ$.

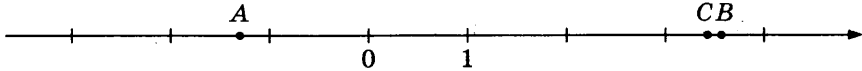
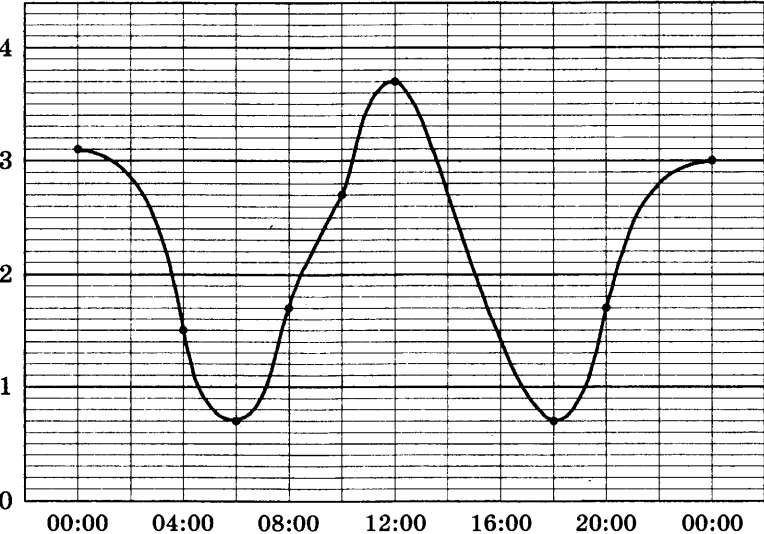
16. Решение: За время всего пути велосипедист проехал вдвое больше, чем прошёл пешеход, то есть скорость велосипедиста вдвое больше скорости пешехода. Значит, с момента последней встречи с пешеходом до конца пути велосипедист проехал вдвое больше, чем 5 км, то есть 10 км. Следовательно, расстояние от деревни до станции равно $5 + 10 = 15$ км.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 15 км.

ВАРИАНТ 2

Номер задания	Правильный ответ
1	20
2	19,2
3	11
4	2520
5	40
6	2 и 4
7	любое значение от 1 до 5 г
8	

Номер задания	Правильный ответ
9	0,5
10	нет
11	2
12	
13	3
14	40°, 100°, или 70°, 70°
15	<p>Уровень воды, м</p>  <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	12 км

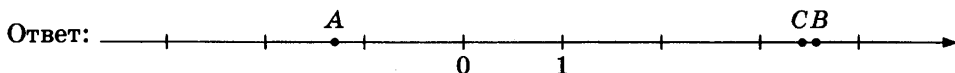
10. Решение: Площадь Рима равна 1·258 000 000 м². Если поместить на такой площади население Земли, то на одного человека придётся $\frac{1258000000}{7530000000} = \frac{1258}{7530} < 0,3$ (м²).

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: нет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка C изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек B и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение:

1. Пусть угол, равный 40° , лежит при основании равнобедренного треугольника. Тогда второй угол при основании тоже равен 40° , а угол при вершине равнобедренного треугольника равен $180^\circ - 2 \cdot 40^\circ = 100^\circ$.

2. Пусть угол, равный 40° , лежит при вершине равнобедренного треугольника. Тогда два других угла лежат при основании и равны $(180^\circ - 40^\circ) : 2 = 70^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: $100^\circ, 70^\circ$.

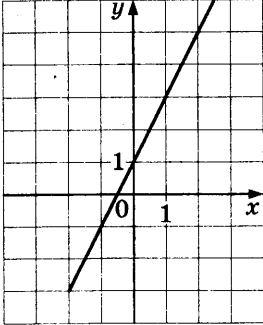
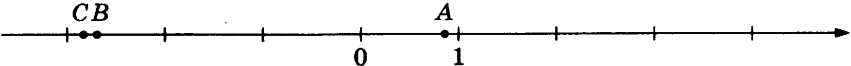
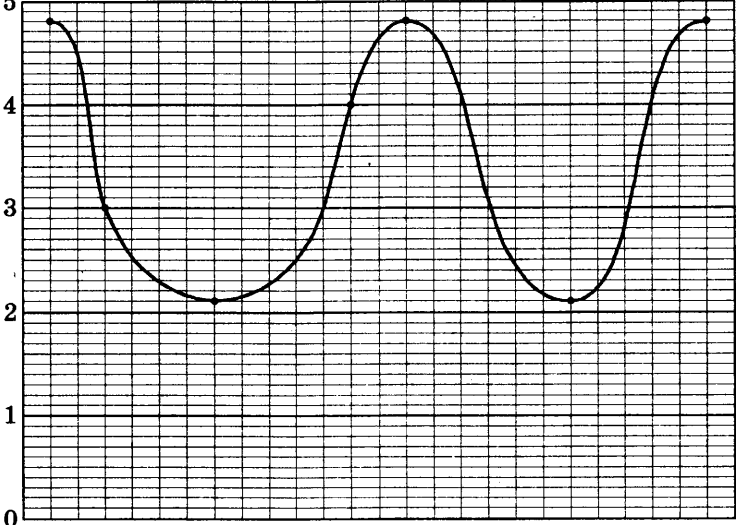
16. Решение: За время всего пути велосипедист проехал вдвое больше, чем прошёл пешеход, то есть скорость велосипедиста вдвое больше скорости пешехода. Значит, с момента последней встречи с пешеходом до конца пути велосипедист проехал вдвое больше, чем 4 км, то есть 8 км. Следовательно, расстояние от деревни до станции равно $4 + 8 = 12$ км.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 12 км.

ВАРИАНТ 3

Номер задания	Правильный ответ
1	12
2	17,8
3	12
4	23 040
5	30
6	2 и 3

Номер задания	Правильный ответ
7	любое значение от 15 до 25 г
8	
9	-0,8
10	нет
11	7
12	
13	2
14	50°, 80°, или 65°, 65°
15	<p data-bbox="264 860 474 887">Уровень воды, м</p>  <p data-bbox="264 1407 1114 1434">01:00 05:00 09:00 13:00 17:00 21:00 01:00 Время</p> <p data-bbox="264 1451 1114 1548">В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	21 км

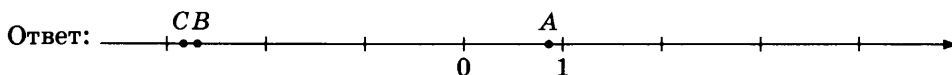
10. Решение: Площадь Лондона равна $1\,572\,000\,000\text{ м}^2$. Если поместить на такой площади население Земли, то на одного человека придётся $\frac{1572000000}{7530000000} = \frac{1572}{7530} < 0,5\text{ (м}^2\text{)}$.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: нет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка C изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек B и C	0
<i>Максимальный балл</i>	
	2



14. Решение:

1. Пусть угол, равный 50° , лежит при основании равнобедренного треугольника. Тогда второй угол при основании тоже равен 50° , а угол при вершине равнобедренного треугольника равен $180^\circ - 2 \cdot 50^\circ = 80^\circ$.

2. Пусть угол, равный 50° , лежит при вершине равнобедренного треугольника. Тогда два других угла лежат при основании и равны $(180^\circ - 50^\circ) : 2 = 65^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

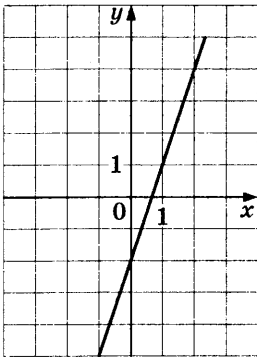
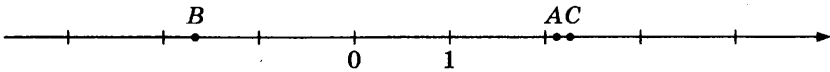
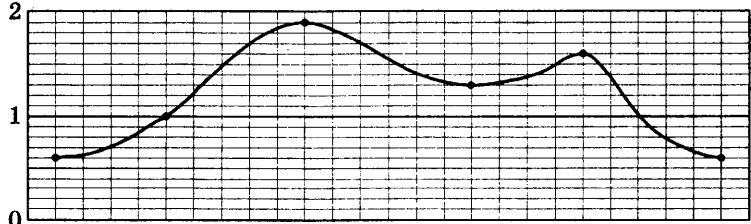
Ответ: 80° , 65° .

16. Решение: За время всего пути велосипедист проехал вдвое больше, чем прошёл пешеход, то есть скорость велосипедиста вдвое больше скорости пешехода. Значит, с момента последней встречи с пешеходом до конца пути велосипедист проехал вдвое больше, чем 7 км, то есть 14 км. Следовательно, расстояние от деревни до станции равно $7 + 14 = 21$ км.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 21 км.

ВАРИАНТ 4

Номер задания	Правильный ответ
1	$16\frac{4}{5}$
2	18,2
3	16
4	3240
5	70
6	1 и 3
7	любое значение от 60 до 70 г
8	
9	-3,5
10	да
11	24
12	
13	3
14	$44^\circ, 68^\circ$ или $56^\circ, 56^\circ$
15	<p style="text-align: center;">Уровень воды, м</p>  <p style="text-align: right;">00:00 04:00 08:00 12:00 16:00 20:00 00:00 Время</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	18 км

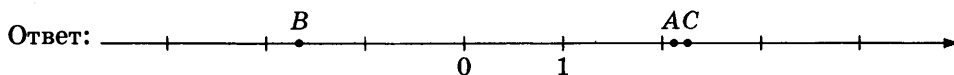
10. Решение: Площадь Москвы равна $2\,511\,000\,000\text{ м}^2$. Если поместить на такой площади население Земли, то на одного человека придётся $\frac{2511000000}{7530000000} = \frac{2511}{7530} > 0,3\text{ (м}^2\text{)}$.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: да.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки C	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и C	0
<i>Максимальный балл</i>	
	2



14. Решение:

1. Пусть угол, равный 68° , лежит при основании равнобедренного треугольника. Тогда второй угол при основании тоже равен 68° , а угол при вершине равнобедренного треугольника равен $180^\circ - 2 \cdot 68^\circ = 44^\circ$.

2. Пусть угол, равный 68° , лежит при вершине равнобедренного треугольника. Тогда два других угла лежат при основании и равны $(180 - 68^\circ) : 2 = 56^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

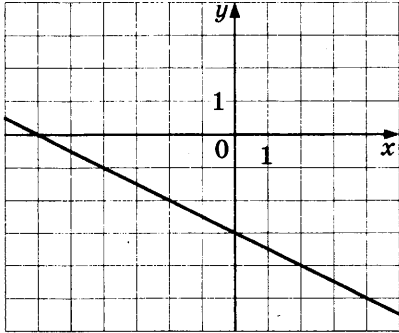
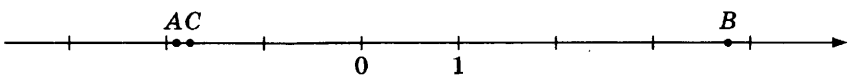
Ответ: $44^\circ, 56^\circ$.

16. Решение: За время всего пути велосипедист проехал вдвое больше, чем прошёл пешеход, то есть скорость велосипедиста вдвое больше скорости пешехода. Значит, с момента последней встречи с пешеходом до конца пути велосипедист проехал вдвое больше, чем 6 км, то есть 12 км. Следовательно, расстояние от деревни до станции равно $6 + 12 = 18$ км.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 18 км.

ВАРИАНТ 5

Номер задания	Правильный ответ
1	$33\frac{3}{5}$
2	20,4
3	12
4	31 680
5	20
6	1 и 4
7	любое значение от 2 до 8 г
8	
9	-1,8
10	да
11	3
12	
13	2
14	$34^\circ, 112^\circ$ или $73^\circ, 73^\circ$

Номер задания	Правильный ответ
15	<p>Уровень воды, м</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	24 км

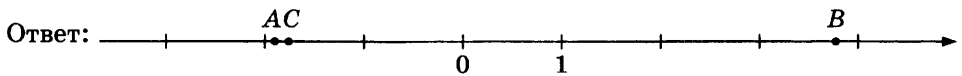
10. Решение: Площадь Стамбула равна $5\,461\,000\,000\text{ м}^2$. Если поместить на такой площади население Земли, то на одного человека придётся $\frac{5461000000}{7530000000} = \frac{5461}{7530} > 0,6\text{ (м}^2\text{)}$.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: да.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки C	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение:

1. Пусть угол, равный 34° , лежит при основании равнобедренного треугольника. Тогда второй угол при основании тоже равен 34° , а угол при вершине равнобедренного треугольника равен $180^\circ - 2 \cdot 34^\circ = 112^\circ$.

2. Пусть угол, равный 34° , лежит при вершине равнобедренного треугольника. Тогда два других угла лежат при основании и равны $(180^\circ - 34^\circ) : 2 = 73^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

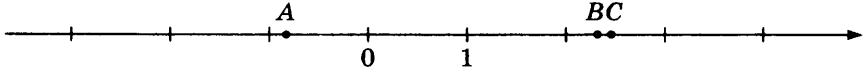
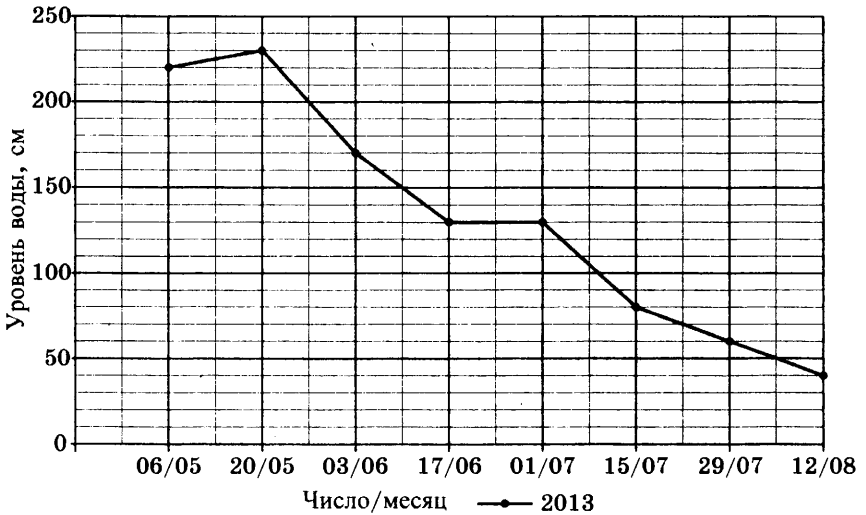
Ответ: $112^\circ, 73^\circ$.

16. Решение: За время всего пути велосипедист проехал вдвое больше, чем прошёл пешеход, то есть скорость велосипедиста вдвое больше скорости пешехода. Значит, с момента последней встречи с пешеходом до конца пути велосипедист проехал вдвое больше, чем 8 км, то есть 16 км. Следовательно, расстояние от деревни до станции равно $8 + 16 = 24$ км.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 24 км.

ВАРИАНТ 6

Номер задания	Правильный ответ
1	$2\frac{1}{5}$
2	21
3	20
4	19 707 000
5	10
6	1 и 4
7	любое натуральное число от 60 000 до 70 000
8	$b > 0$
9	0,75
10	да
11	70
12	 <p style="text-align: center;">A BC</p>
13	2
14	40°
15	<div style="text-align: center;">  <p style="text-align: center;">Уровень воды, см</p> <p style="text-align: center;">Число/месяц —●— 2013</p> </div> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	11 км/ч

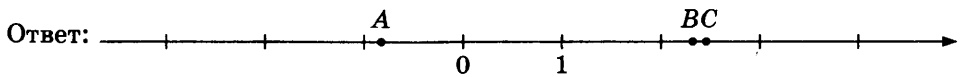
10. Решение: По условию в день Никита расходует $2 \cdot 0,8 = 1,6$ (см³). Поскольку $1 \text{ мл} = 1 \text{ см}^3$, тубик будет израсходован за $\frac{100}{1,6} = 62,5$ дня. Это больше, чем два месяца.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

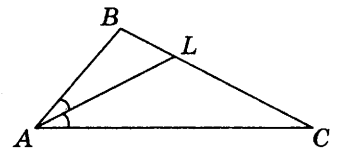
Ответ: да.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка B изображена левее точки C	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек B и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: Угол ALC — внешний угол треугольника ABL , поэтому $\angle ALC = \angle BAL + \angle ABL$, то есть $120^\circ = \angle BAL + 100^\circ$, откуда $\angle BAL = 20^\circ$. Поскольку AL делит угол BAC на два равных угла, $\angle BAC = 2 \cdot 20^\circ = 40^\circ$.



Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 40° .

16. Решение: Пусть скорость первого бегуна v км/ч, тогда скорость второго $v + 5$ км/ч, а длина круга равна $\frac{15(v+5)}{60}$ км. Получаем уравнение:

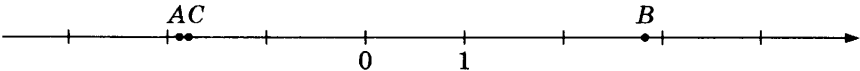
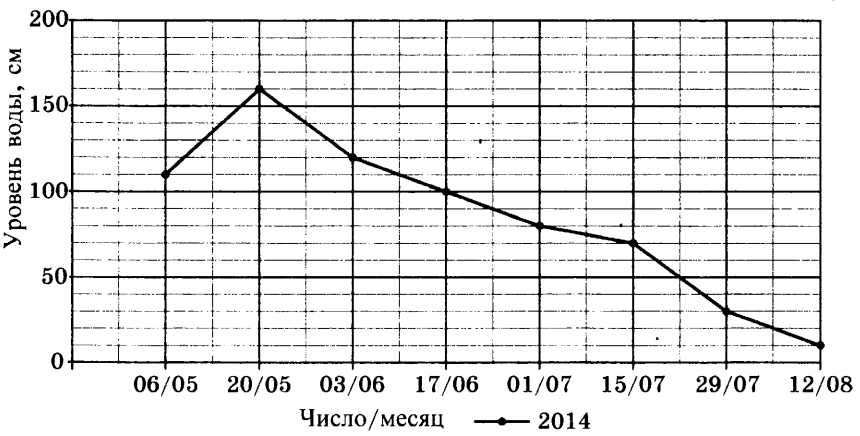
$$\frac{15(v+5)}{60} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3}v, \quad 3(v+5) - 4 = 4v,$$

откуда $v = 11$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 11 км/ч.

ВАРИАНТ 7

Номер задания	Правильный ответ
1	$4\frac{1}{2}$
2	20
3	11
4	4 533 200
5	15
6	2 и 4
7	любое натуральное число от 15 000 до 25 000
8	$b < 0$
9	$-\frac{1}{19}$
10	да
11	105
12	
13	3
14	50°
15	<div style="text-align: center;">  <p style="text-align: center;">Уровень воды, см</p> <p style="text-align: center;">Число/месяц —●— 2014</p> </div> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	14 км/ч

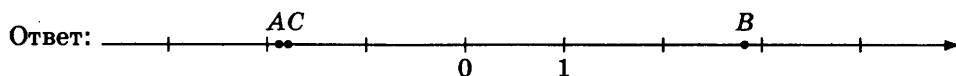
10. Решение: По условию в день Дима расходует $2 \cdot 0,6 = 1,2$ (см³). Поскольку $1 \text{ мл} = 1 \text{ см}^3$, 2 тюбика будут израсходованы за $\frac{2 \cdot 100}{1,2} = 166\frac{2}{3}$ дня. Это больше, чем 5 месяцев.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

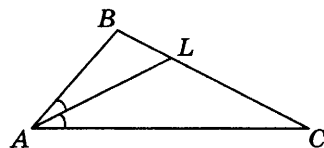
Ответ: да.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки C	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: Угол ALC — внешний угол треугольника ABL , поэтому $\angle ALC = \angle BAL + \angle ABL$, то есть $135^\circ = \angle BAL + 110^\circ$, откуда $\angle BAL = 25^\circ$. Поскольку AL делит угол BAC на два равных угла, $\angle BAC = 2 \cdot 25^\circ = 50^\circ$.



Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 50° .

16. Решение: Пусть скорость первого бегуна v км/ч, тогда скорость второго $v + 6$ км/ч, а длина круга равна $\frac{27(v+6)}{60}$ км. Получаем уравнение:

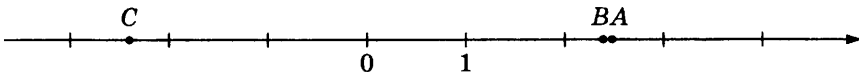
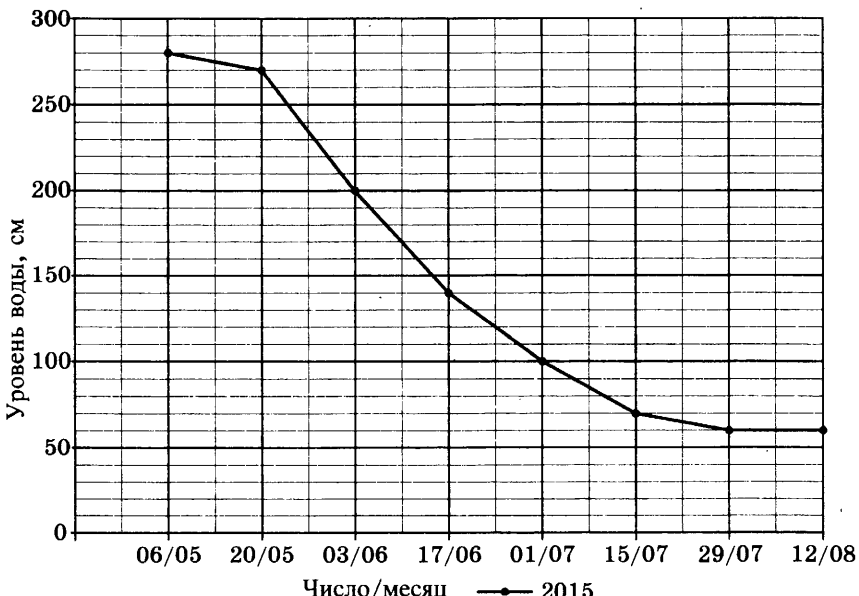
$$\frac{27(v+6)}{60} - 2 = \frac{1}{2}v, \quad 9(v+6) - 40 = 10v,$$

откуда $v = 14$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 14 км/ч.

ВАРИАНТ 8

Номер задания	Правильный ответ
1	2
2	28
3	6
4	7 942 800
5	9
6	2 и 3
7	любое натуральное число от 10 000 до 20 000
8	$b < 0$
9	$\frac{1}{7}$
10	нет
11	63
12	 <p style="text-align: center;">A number line with an arrow pointing right. The origin is labeled 0. There are tick marks at -1, 0, 1, and 2. A point labeled 'C' is marked with a dot at approximately -0.5. Two points labeled 'BA' are marked with dots at approximately 1.5 and 1.6.</p>
13	4
14	120°
15	<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 20px;">Уровень воды, см</div>  </div> <p style="text-align: center;">Число/месяц —●— 2015</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	10 км/ч

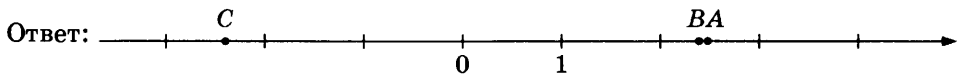
10. Решение: По условию в день Рома расходует $2 \cdot 0,7 = 1,4$ (см³). Поскольку $1 \text{ мл} = 1 \text{ см}^3$, 2 тубика будут израсходованы за $\frac{2 \cdot 100}{1,4} = 142\frac{6}{7}$ дня, что точно меньше, чем 5 месяцев.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

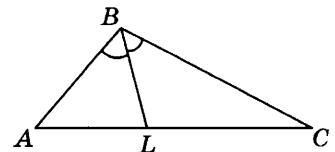
Ответ: нет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка B изображена левее точки A	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и B	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: Угол BLC — внешний угол треугольника ABL , поэтому $\angle BLC = \angle BAL + \angle ABL$, то есть $105^\circ = 45^\circ + \angle ABL$, откуда $\angle ABL = 60^\circ$. Поскольку BL делит угол ABC на два равных угла, $\angle ABC = 2 \cdot 60^\circ = 120^\circ$.



Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 120° .

16. Решение: Пусть скорость первого бегуна v км/ч, тогда скорость второго $v + 10$ км/ч, а длина круга равна $\frac{21(v+10)}{60}$ км. Получаем уравнение:

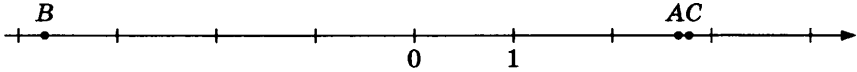
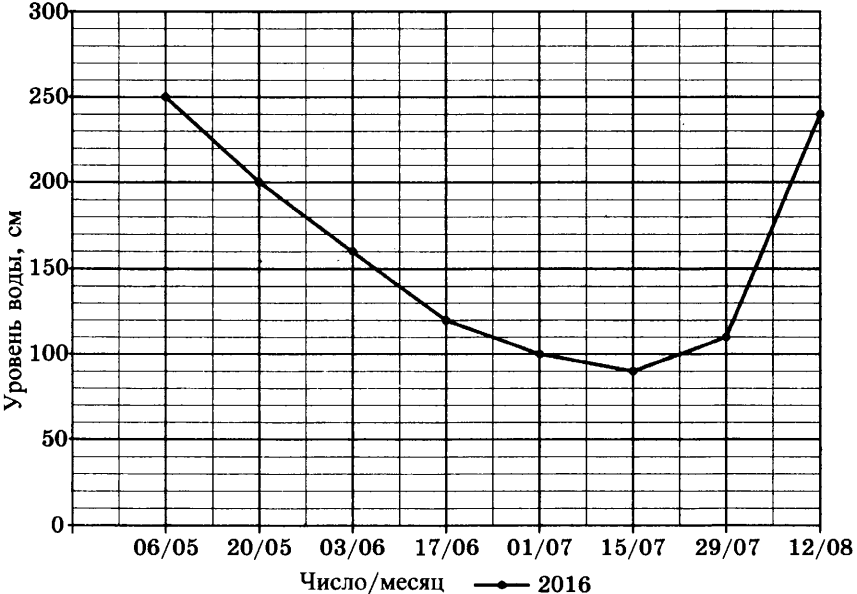
$$\frac{21(v+10)}{60} - 2 = \frac{1}{2}v, \quad 7(v+10) - 40 = 10v,$$

откуда $v = 10$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 10 км/ч.

ВАРИАНТ 9

Номер задания	Правильный ответ
1	7,5
2	18
3	45
4	26 844 000
5	6
6	3 и 4
7	любое натуральное число от 55 000 до 70 000
8	$b > 0$
9	$\frac{4}{9}$
10	нет
11	27
12	 <p style="text-align: center;">A number line with tick marks. The origin is labeled 0, and the next tick mark to the right is labeled 1. Point B is marked with a dot on the first tick mark to the left of 0. Points A and C are marked with dots on the same tick mark to the right of 1.</p>
13	2
14	110°
15	<div style="text-align: center;">  <p style="text-align: center;">A line graph showing water level (Уровень воды, см) on the y-axis (0 to 300) and date (Число/месяц) on the x-axis. The x-axis has labels: 06/05, 20/05, 03/06, 17/06, 01/07, 15/07, 29/07, 12/08. The y-axis has labels every 50 units. A line with a dot at the end represents the data for 2016. The data points are approximately: (06/05, 250), (20/05, 200), (03/06, 150), (17/06, 120), (01/07, 100), (15/07, 90), (29/07, 110), (12/08, 240).</p> </div> <p style="text-align: center;">В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	11 км/ч

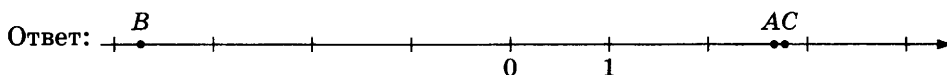
10. Решение: По условию, в день расходуется $4 \cdot 2 \cdot 0,8 = 6,4$ (см³). Поскольку $1 \text{ мл} = 1 \text{ см}^3$, тубик будет израсходован за $\frac{150}{6,4} = 23\frac{7}{16}$ дня, что точно меньше, чем месяц.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

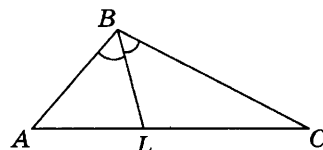
Ответ: нет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки C	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: Угол BLC — внешний угол треугольника ABL , поэтому $\angle BLC = \angle BAL + \angle ABL$, то есть $110^\circ = 55^\circ + \angle ABL$, откуда $\angle ABL = 55^\circ$. Поскольку BL делит угол ABC на два равных угла, $\angle ABC = 2 \cdot 55^\circ = 110^\circ$.



Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 110° .

16. Решение: Пусть скорость первого бегуна v км/ч, тогда скорость второго $v + 7$ км/ч, а длина круга равна $\frac{20(v+7)}{60}$ км. Получаем уравнение:

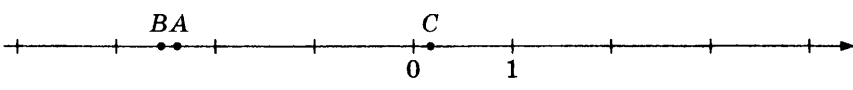
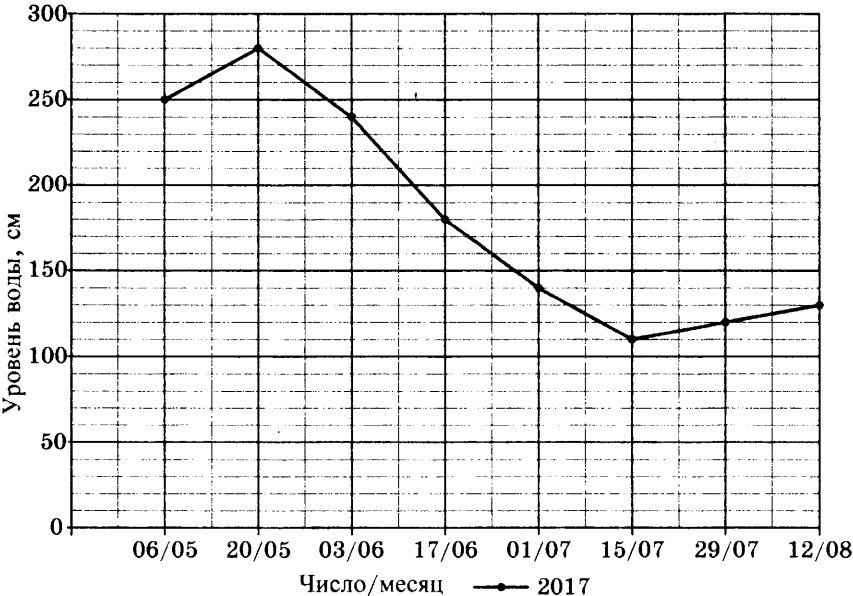
$$\frac{20(v+7)}{60} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}v, \quad 2(v+7) - 3 = 6v,$$

откуда $v = 11$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 11 км/ч.

ВАРИАНТ 10

Номер задания	Правильный ответ
1	$3\frac{1}{2}$
2	36
3	14
4	16 460 000
5	8
6	1 и 3
7	любое натуральное число от 2000 до 7000
8	$b < 0$
9	-0,75
10	да
11	199
12	
13	4
14	70°
15	<div style="text-align: center;">  <p style="text-align: center;">Уровень воды, см</p> <p style="text-align: center;">Число/месяц — 2017</p> </div> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня воды.</p>
16	18 км/ч

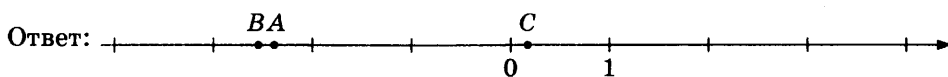
10. Решение: По условию, в день расходуется $5 \cdot 2 \cdot 0,7 = 7$ (см³). Поскольку $1 \text{ мл} = 1 \text{ см}^3$, два тюбика будут израсходованы за $\frac{2 \cdot 100}{7} = 28\frac{4}{7}$ дня. Это больше, чем 4 недели.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

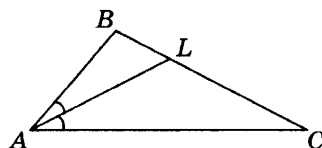
Ответ: да.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка B изображена левее точки A	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и B	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: Угол ALC — внешний угол треугольника ABL , поэтому $\angle ALC = \angle BAL + \angle ABL$, то есть $135^\circ = \angle BAL + 110^\circ$, откуда $\angle BAL = 35^\circ$. Поскольку AL делит угол BAC на два равных угла, $\angle BAC = 2 \cdot 35^\circ = 70^\circ$.



Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 70° .

16. Решение: Пусть скорость первого бегуна v км/ч, тогда скорость второго $v + 2$ км/ч, а длина круга равна $\frac{19(v+2)}{60}$ км. Получаем уравнение:

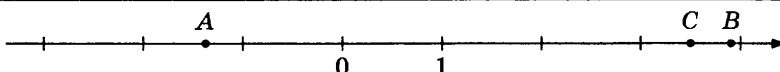
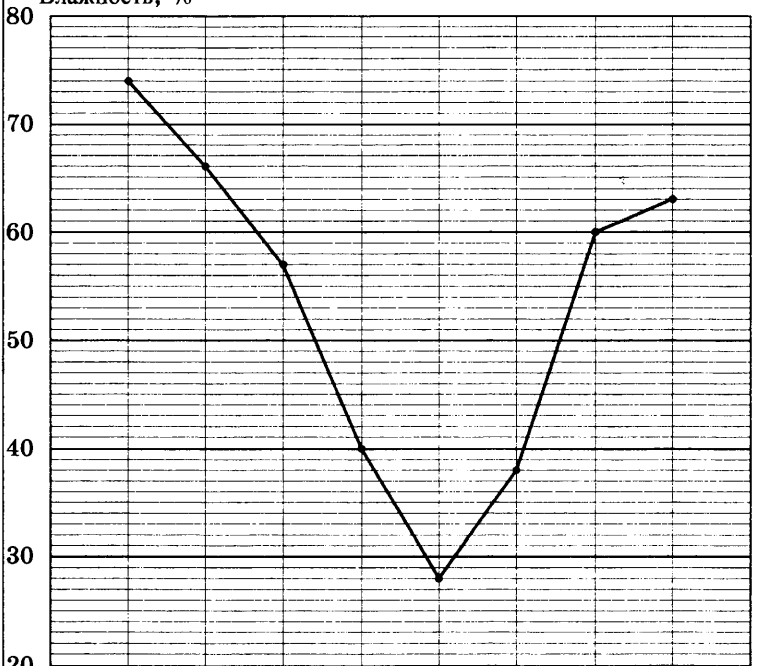
$$\frac{19(v+2)}{60} - \frac{1}{3} = \frac{1}{3}v, \quad 19(v+2) - 20 = 20v,$$

откуда $v = 18$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 18 км/ч.

ВАРИАНТ 11

Номер задания	Правильный ответ
1	$\frac{4}{9}$
2	73,9
3	40
4	113
5	12,5
6	3 и 4
7	любое значение от 20 до 30 г
8	принадлежит графику
9	-5,5
10	волос
11	26
12	
13	4
14	40°
15	<p style="text-align: center;">Влажность, %</p>  <p style="text-align: center;">01:00 04:00 07:00 10:00 13:00 16:00 19:00 22:00 Время</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня влажности.</p>
16	18 км

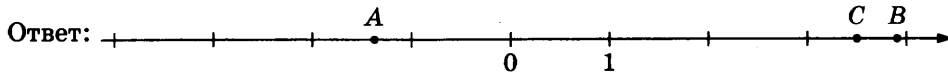
10. Решение: Длина линии в сантиметрах равна $4,5 \cdot 100\,000 = 450\,000$ (см). Ширина линии в сантиметрах равна $0,7 : 10 = 0,07$ (см). Толщина слоя чернил равна $\frac{0,7 \text{ мл}}{0,07 \cdot 450\,000 \text{ см}^2} = \frac{1}{45\,000}$ см $< 0,0001$ см = 1 мкм, что меньше 60 мкм.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: волос.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка C изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек B и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: В прямоугольном треугольнике AHV $\angle AVH = 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$. Угол AVH — внешний для треугольника ABC . Значит, $\angle AVH = \angle BAC + \angle BCA$. $70^\circ = \angle BAC + 30^\circ$, откуда $\angle BAC = 40^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 40° .

16. Решение: Пусть во второй день турист прошёл на x км больше, чем в первый, то есть $10 + x$ км. В третий день он прошёл $10 + 2x$ км, и так далее. За все шесть дней он прошёл $6 \cdot 10 + x + 2x + 3x + 4x + 5x = 60 + 15x$ (км). Составим уравнение

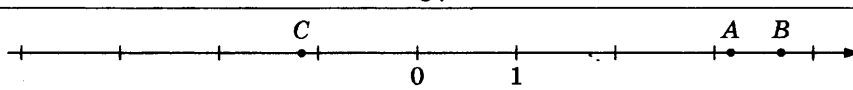
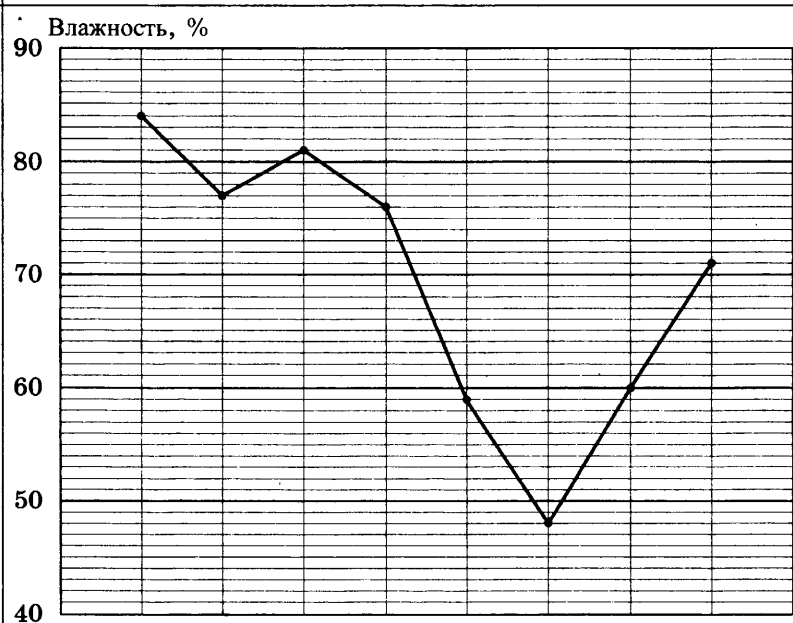
$$60 + 15x = 120 \text{ (км)},$$

откуда $x = 4$ (км). Значит, в третий день турист прошёл $10 + 2x = 18$ (км).

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 18 км.

ВАРИАНТ 12

Номер задания	Правильный ответ
1	$\frac{4}{3}$
2	29,5
3	38
4	41
5	10
6	3 и 4
7	любое значение от 15 до 25 г
8	ниже
9	-0,4
10	пакет
11	37
12	 <p style="text-align: center;">A number line with tick marks. Points are labeled: C (between 0 and 1), 0, 1, A (between 1 and 2), B (between 2 and 3).</p>
13	2
14	35°
15	<p style="text-align: center;">Влажность, %</p>  <p style="text-align: center;">00:00 03:00 06:00 09:00 12:00 15:00 18:00 21:00 Время</p> <p style="text-align: center;">В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня влажности.</p>
16	13 км

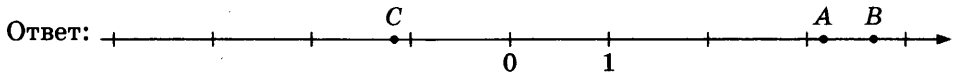
10. Решение: Длина линии в сантиметрах равна $2 \cdot 100\,000 = 200\,000$ (см). Ширина линии в сантиметрах равна $0,7 : 10 = 0,07$ (см). Толщина слоя чернил равна $\frac{0,2 \text{ мл}}{0,07 \cdot 200\,000 \text{ см}^2} = \frac{1}{70\,000}$ см $< 0,0001$ см = 1 мкм, что меньше 4,5 мкм.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: пакет.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и B	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: В прямоугольном треугольнике AHV $\angle AVH = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$. Угол AVH — внешний для треугольника ABC . Значит, $\angle AVH = \angle BAC + \angle BCA$. $60^\circ = \angle BAC + 25^\circ$, откуда $\angle BAC = 35^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 35° .

16. Решение: Пусть во второй день турист прошёл на x км больше, чем в первый, то есть $9 + x$ км. В третий день он прошёл $9 + 2x$ км, и так далее. За все семь дней он прошёл $7 \cdot 9 + x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x = 63 + 21x$ (км). Составим уравнение

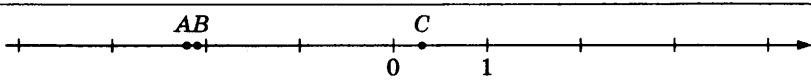
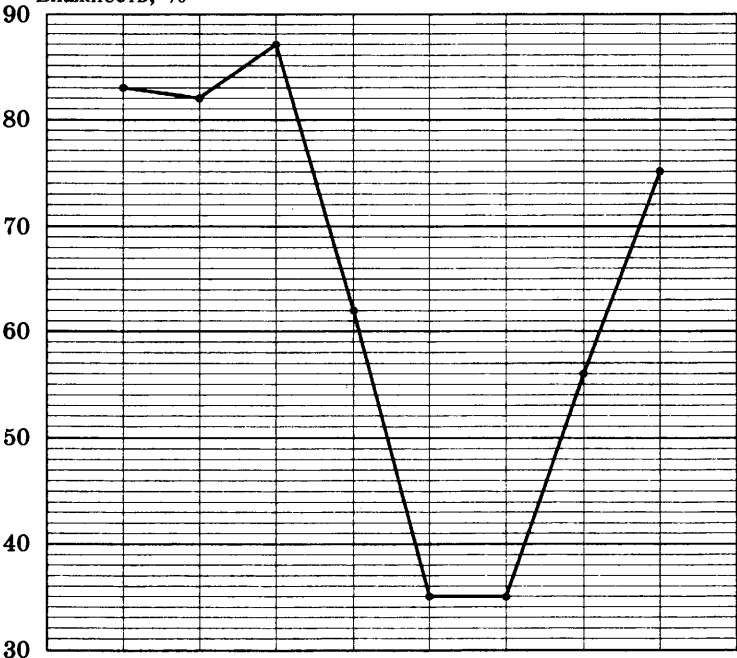
$$63 + 21x = 105 \text{ (км)},$$

откуда $x = 2$ (км). Значит, в третий день турист прошёл $9 + 2x = 13$ (км).

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 13 км.

ВАРИАНТ 13

Номер задания	Правильный ответ																		
1	$\frac{3}{4}$																		
2	2,1																		
3	14																		
4	39																		
5	25																		
6	1 и 4																		
7	любое значение от 50 до 55 г																		
8	выше																		
9	-0,1																		
10	слой чернил																		
11	10																		
12																			
13	3																		
14	30°																		
15	<p style="text-align: center;">Влажность, %</p>  <table border="1" style="margin: 10px auto; border-collapse: collapse;"> <caption>Humidity Data Points</caption> <thead> <tr> <th>Время</th> <th>Влажность, %</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>01:00</td><td>83</td></tr> <tr><td>04:00</td><td>82</td></tr> <tr><td>07:00</td><td>87</td></tr> <tr><td>10:00</td><td>62</td></tr> <tr><td>13:00</td><td>35</td></tr> <tr><td>16:00</td><td>35</td></tr> <tr><td>19:00</td><td>56</td></tr> <tr><td>22:00</td><td>75</td></tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">01:00 04:00 07:00 10:00 13:00 16:00 19:00 22:00 Время</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня влажности.</p>	Время	Влажность, %	01:00	83	04:00	82	07:00	87	10:00	62	13:00	35	16:00	35	19:00	56	22:00	75
Время	Влажность, %																		
01:00	83																		
04:00	82																		
07:00	87																		
10:00	62																		
13:00	35																		
16:00	35																		
19:00	56																		
22:00	75																		
16	24 км																		

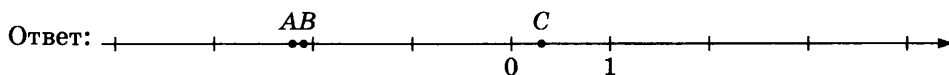
10. Решение: Длина линии в сантиметрах равна $9 \cdot 100\,000 = 900\,000$ (см).
 Ширина линии в сантиметрах равна $0,7 : 10 = 0,07$ (см). Толщина слоя чернил равна $\frac{0,9 \text{ мл}}{0,07 \cdot 900\,000 \text{ см}^2} = \frac{1}{70\,000} \text{ см} > 0,00001 \text{ см} = 0,1 \text{ мкм}$.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: слой чернил.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и B	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: В прямоугольном треугольнике AHB $\angle ABH = 90^\circ - 35^\circ = 55^\circ$. Угол ABH — внешний для треугольника ABC . Значит, $\angle ABH = \angle BAC + \angle BCA$.

$$55^\circ = \angle BAC + 25^\circ, \text{ откуда } \angle BAC = 30^\circ.$$

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 30° .

16. Решение: Пусть во второй день турист прошёл на x км больше, чем в первый, то есть $12 + x$ км. В третий день он прошёл $12 + 2x$ км, и так далее. За все семь дней он прошёл $7 \cdot 12 + x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x = 84 + 21x$ (км). Составим уравнение

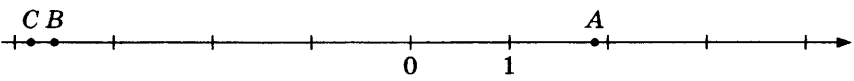
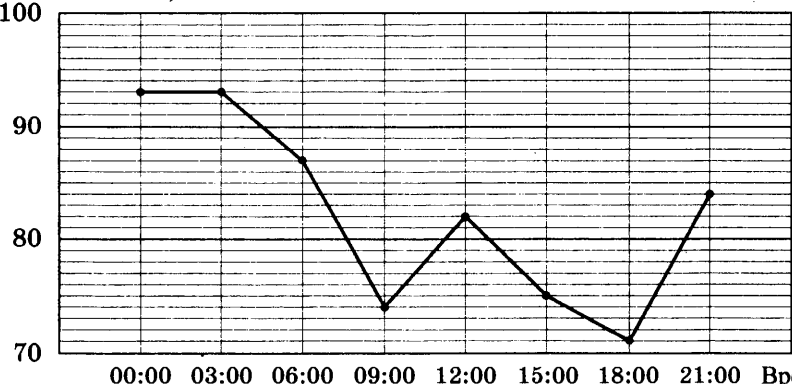
$$84 + 21x = 147 \text{ (км)},$$

откуда $x = 3$ (км). Значит, за пятый день турист прошёл $12 + 4x = 24$ (км).

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 24 км.

ВАРИАНТ 14

Номер задания	Правильный ответ
1	$\frac{3}{8}$
2	16,4
3	12
4	44
5	20
6	2 и 4
7	любое значение от 45 до 50 г
8	выше
9	-0,6
10	паутина
11	5
12	
13	4
14	30°
15	<p style="text-align: center;">Влажность, %</p>  <p style="text-align: center;">00:00 03:00 06:00 09:00 12:00 15:00 18:00 21:00 Время</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня влажности.</p>
16	22 км

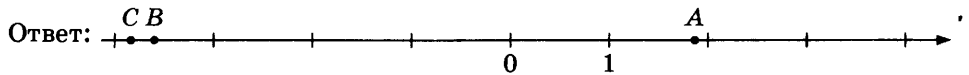
10. Решение: Длина линии в сантиметрах равна $10 \cdot 100\,000 = 1\,000\,000$ (см). Ширина линии в сантиметрах равна $0,5 : 10 = 0,05$ (см). Толщина слоя чернил равна $\frac{0,7 \text{ мл}}{0,05 \cdot 1\,000\,000 \text{ см}^2} = \frac{14}{1\,000\,000} \text{ см} < 0,0001 \text{ см} = 1 \text{ мкм}$, что меньше 4 мкм.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: паутина.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка C изображена левее точки B	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек B и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: В прямоугольном треугольнике AHB $\angle ABH = 90^\circ - 25^\circ = 65^\circ$. Угол ABH — внешний для треугольника ABC . Значит, $\angle ABH = \angle BAC + \angle BCA$.

$$65^\circ = \angle BAC + 35^\circ, \text{ откуда } \angle BAC = 30^\circ.$$

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 30° .

16. Решение: Пусть во второй день турист прошёл на x км больше, чем в первый, то есть $10 + x$ км. За третий день он прошёл $10 + 2x$ км, и так далее. За все девять дней он прошёл $9 \cdot 10 + x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x + 7x + 8x = 90 + 36x$ (км). Составим уравнение

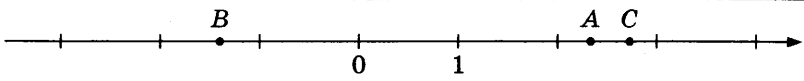
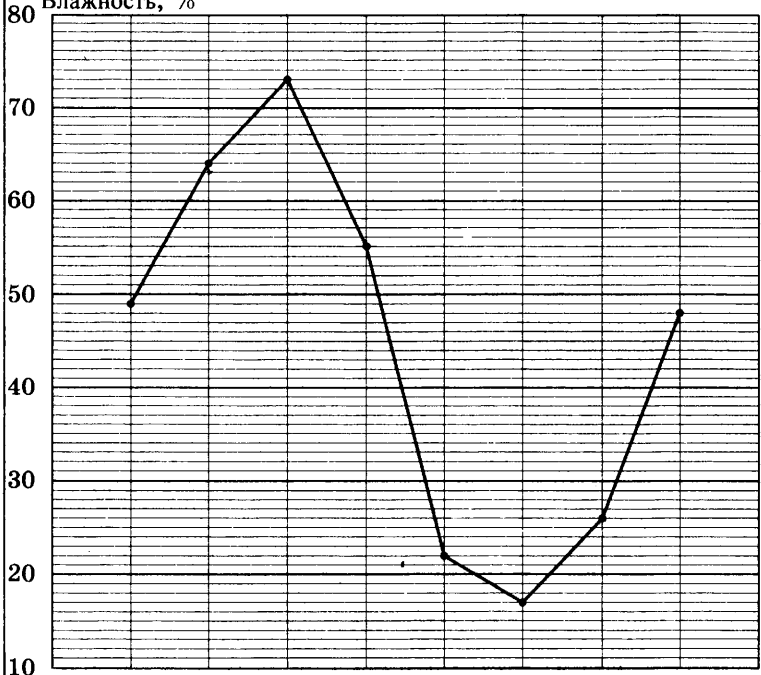
$$90 + 36x = 162 \text{ (км)},$$

откуда $x = 2$ (км). Значит, за седьмой день турист прошёл $10 + 6x = 22$ (км).

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 22 км.

ВАРИАНТ 15

Номер задания	Правильный ответ																		
1	$\frac{4}{5}$																		
2	44,9																		
3	8																		
4	33																		
5	8																		
6	2 и 3																		
7	любое значение от 5 до 15 г																		
8	принадлежит графику																		
9	-1,2																		
10	контактная линза																		
11	50																		
12																			
13	2																		
14	40°																		
15	<p style="text-align: center;">Влажность, %</p>  <table border="1" style="margin-top: 10px; width: 100%; border-collapse: collapse;"> <caption>Данные для графика влажности</caption> <thead> <tr> <th>Время</th> <th>Влажность, %</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>01:00</td> <td>49</td> </tr> <tr> <td>04:00</td> <td>64</td> </tr> <tr> <td>07:00</td> <td>73</td> </tr> <tr> <td>10:00</td> <td>55</td> </tr> <tr> <td>13:00</td> <td>22</td> </tr> <tr> <td>16:00</td> <td>17</td> </tr> <tr> <td>19:00</td> <td>26</td> </tr> <tr> <td>22:00</td> <td>48</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">01:00 04:00 07:00 10:00 13:00 16:00 19:00 22:00 Время</p> <p>В качестве верного ответа следует принять любую непрерывную линию, проходящую через все указанные в тексте точки и верно отражающую характер изменения уровня влажности.</p>	Время	Влажность, %	01:00	49	04:00	64	07:00	73	10:00	55	13:00	22	16:00	17	19:00	26	22:00	48
Время	Влажность, %																		
01:00	49																		
04:00	64																		
07:00	73																		
10:00	55																		
13:00	22																		
16:00	17																		
19:00	26																		
22:00	48																		
16	15 км																		

10. Решение: Длина линии в сантиметрах равна $1,2 \cdot 100\,000 = 120\,000$ (см). Ширина линии в сантиметрах равна $0,5 : 10 = 0,05$ (см). Толщина слоя чернил равна $\frac{0,3 \text{ мл}}{0,05 \cdot 120\,000 \text{ см}^2} = \frac{1}{20\,000}$ см $< 0,0001$ см = 1 мкм, что

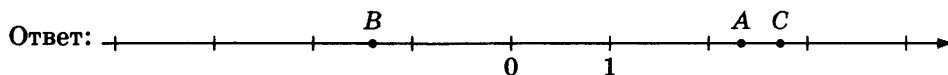
меньше 20 мкм.

Допускается другая последовательность рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: контактная линза.

12.

Указания к оцениванию	Баллы
Все точки расположены в своих промежутках с целыми концами, учтено положение точек относительно середины отрезка, точка A изображена левее точки C .	2
Точки расположены в правильном порядке, каждая в своём целом промежутке, но положение точки относительно середины отрезка неверное хотя бы у одной точки	1
Хотя бы одна из точек не попала в нужный промежуток с целыми концами, либо нарушен порядок точек A и C	0
<i>Максимальный балл</i>	2



14. Решение: В прямоугольном треугольнике AHB $\angle ABH = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$. Угол ABH — внешний для треугольника ABC . Значит, $\angle ABH = \angle BAC + \angle BCA$. $60^\circ = \angle BAC + 20^\circ$, откуда $\angle BAC = 40^\circ$.

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 40° .

16. Решение: Пусть во второй день турист прошёл на x км больше, чем в первый, то есть $9 + x$ км. За третий день он прошёл $9 + 2x$ км, и так далее. За все десять дней он прошёл $10 \cdot 9 + x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x + 7x + 8x + 9x = 90 + 45x$ (км). Составим уравнение

$$90 + 45x = 180 \text{ (км)},$$

откуда $x = 2$ (км). Значит, за четвёртый день турист прошёл $9 + 3x = 15$ (км).

Допускается другая последовательность действий и рассуждений, обоснованно приводящая к верному ответу.

Ответ: 15 км.

Учебное издание

**Вольфсон Георгий Игоревич
Виноградова Ольга Александровна**

МАТЕМАТИКА

ВСЕРОССИЙСКАЯ ПРОВЕРОЧНАЯ РАБОТА

7 КЛАСС

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ



Издательство **«ЭКЗАМЕН»**

Гигиенический сертификат
№ РОСС RU.НА34.Н08638 с 07.08.2018 г.

Главный редактор *Л. Д. Лаппо*

Редактор *И. М. Бокова*

Технический редактор *Л. В. Павлова*

Корректоры *И. А. Огнева, О. Ю. Казаньева*

Дизайн обложки *С. М. Кривенкина*

Компьютерная вёрстка *Е. Ю. Лысова*

Россия, 107045, Москва, Луков пер., д. 8.

www.examen.biz

E-mail: по общим вопросам: info@examen.biz;

по вопросам реализации: sale@examen.biz

тел./факс 8 (495) 641-00-30 (многоканальный)

Общероссийский классификатор продукции

ОК 034-2014; 58.11.1 — книги печатные

Дата изготовления: август 2019 г.

Отпечатано в соответствии с предоставленными материалами

в ООО «ИПК Парето-Принт». Россия, 170546, г. Тверь,

www.pareto-print.ru

По вопросам реализации обращаться по тел.:

8 (495) 641-00-30 (многоканальный).